

Advanced Level
PHYSICS

සාන්ත ත්‍රි විද්‍යාව
නුමණ වලිතය

@nimal_hettiarachchi_23

නිමල් හෙට්ටිආරච්චි

@nimal_hettiarachchi_23

(731) සංකේතවලට සුපුරුදු තේරුම් ඇති විට පහත සඳහන් කුමන සමීකරණය නියත කෝණික ත්වරණයක් යටතේ කෝණික චලිතයේ යෙදෙන වස්තුවක හැසිරීම නිරූපණය කිරීමට භාවිතා කළ නොහැකිද?

- (1) $\alpha = (\omega - \omega_0) / t$ (2) $2\theta / t = \omega + \omega_0$ (3) $\alpha = (\omega - \omega_0) (\omega + \omega_0) / 2\theta$
 (4) $(\omega + \omega_0) / 2 = \theta / t$ (5) $\theta = (\omega - \omega_0) t / 2$

(732) රෝදයක් 2 rad s^{-2} නියත කෝණික ත්වරණයකින් යුතුව භ්‍රමණය වේ. රෝදය නිශ්චලතාවයෙන් චලිතය ආරම්භ කරයි නම් පළමු තත්පර 10 අවසානයේ එය භ්‍රමණය වී ඇති වට ගණන ආසන්න වශයෙන්

- (1) 4 (2) 8 (3) 16 (4) 24 (5) 32

(733) මිනිත්තුවකට භ්‍රමණ 600 ක වේගයකින් අක්ෂය වටා කරකැවෙන රෝදයක් 20 s කදී නිශ්චලතාවයට පත්වේ. එහි කෝණික මන්දනය (rad s^{-2})

- (1) 60π (2) 30π (3) 10π (4) π (5) $\pi/2$

(734) බාහිර ව්‍යාවර්තයක් යොදා කරකැවෙන බයිසිකල් රෝදයක කෝණික ත්වරණය 3.0 rad s^{-2} වේ. ආරම්භයේදී රෝදය නිශ්චලව ඇති විට රෝද දාරයේ එක්තරා ලක්ෂ්‍යයක කෝණික පිහිටීම $\theta = 0$ වේ. රෝදයේ අරය 0.5 m වේ නම් තත්පර 2.0 ක කාලයකට පසුව, මෙම ලක්ෂ්‍යයේ

- (a) කෝණික විස්ථාපනය
 (b) කෝණික ප්‍රවේගය
 (c) ස්පර්ශීය වේගය
 (d) ස්පර්ශීය ත්වරණය
 (e) කේන්ද්‍රාභිසාරී ත්වරණය සොයන්න

(735) කේන්ද්‍රය හරහා යන ලම්භක අක්ෂයක් වටා භ්‍රමණය වන තැටියක් නිශ්චලතාවයෙන් ආරම්භ වී ඒකාකාර කෝණික ත්වරණයට ලක් වේ. එක්තරා අවස්ථාවකදී තැටිය තත්පරයට පරිභ්‍රමණ 10 ක සිඝ්‍රතාවයෙන් භ්‍රමණය වේ. තවත් සම්පූර්ණ පරිභ්‍රමණ 60 ක් සිදු කිරීමෙන් පසු එහි පරිභ්‍රමණ සිඝ්‍රතාව තත්පරයට පරිභ්‍රමණ 15 කි. තැටියෙහි,

- (a) කෝණික ත්වරණය
 (b) ඉහත සඳහන් කළ පරිභ්‍රමණ 60 සිදු කිරීමට ගත වූ කාලය
 (c) තත්පරයට පරිභ්‍රමණ 10 සිඝ්‍රතාවයට එළඹීමට ගත වූ කාලය
 (d) නිශ්චලතාවයේ සිට ඉහත පරිභ්‍රමණ සිඝ්‍රතාවයට එළඹීමේදී සිදු කල පරිභ්‍රමණ ගණන, සොයන්න.
 (උත් : 1.04 rev s^{-2} , 4.8 s , 9.6 s , 48)

(736) පාපැදියක පසුපස රෝදය පෙඩලය මගින් කරකවීමේදී රෝදයේ කෝණික ප්‍රවේගය විනාඩි 5 ක කාලයක් තුළදී ශුන්‍යයේ සිට 1000 rpm (විනාඩියට භ්‍රමණ) දක්වා ඒකාකාරව වැඩි විය. රෝදයේ කෝණික ත්වරණයේ මධ්‍යන්‍ය අගය සොයන්න.
 (උත් : 0.35 rad s^{-2})



(737) හෙලිකෝප්ටරයක තදුව මිනිත්තුවක කාලය තුළදී 300 rpm සිට 225 rpm දක්වා ඒකාකාර කෝණික මන්දනයකට ලක් වේ.

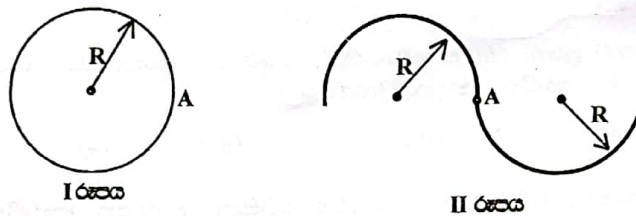
- (a) මෙම කෝණික මන්දනයෙහි විශාලත්වය
 - (b) කෝණික මන්දනය නියතව පවතී නම්, තදුව නිශ්චලතාවයට එළඹීමට ගත වන කාලය
 - (c) 225 rpm සිට නිශ්චලතාවයට පත්වන කාලය තුළදී එය සිදුකරන පරිභ්‍රමණ ගණන සොයන්න.
- (ලක් : 0.13 rad s^{-2} , 4min, ~~340~~) 337.5

(738) ස්කන්ධය M බැගින් වූ කුඩා ගෝල 4 ක් පාදයක දිග a වන සැහැල්ලු සමචතුරස්‍රාකාර ලී රාමුවක ශීර්ෂවලට සවිකොට ඇත. රාමුවට ලම්භක එක් ස්කන්ධයක් හරහා යන අක්ෂයක් වටා පද්ධතියේ අවස්ථිති ඝූර්ණය සොයන්න.

(739) ස්කන්ධය m බැගින් වූ ලක්ෂීය ස්කන්ධ තුනක් පාදයක් L බැගින් වූ සමපාද ත්‍රිකෝණයක ශීර්ෂ තුනෙහි තබා ඇත. ත්‍රිකෝණයේ එක් පාදයක් ඔස්සේ වූ අක්ෂයක් වටා පද්ධතියේ අවස්ථිති ඝූර්ණය වන්නේ,

- (1) $(\sqrt{3}/2) mL$ (2) mL^2 (3) $(3/4) mL^2$ (4) $3 mL^2$ (5) $(3/2) mL^2$

(740) 2006 අප්‍රේල් බහුවරණ



ඒකාකාර තුනී කම්බියකින් සාදන ලද ස්කන්ධය M වූ වළල්ලක A ලක්ෂ්‍යය (I රූපය) තුළින් වූ වළල්ලේ තලයට ලම්බක අක්ෂයක් වටා අවස්ථිති ඝූර්ණය $2 MR^2$ වේ. II රූපයෙහි පෙන්වා ඇති පරිදි එය S හැඩයට නැගුණිව එම අක්ෂයම වටා අවස්ථිති ඝූර්ණය වනුයේ,

- (1) 0 (2) $\frac{1}{2} MR^2$ (3) MR^2 (4) $\frac{3}{2} MR^2$ (5) $2 MR^2$

(741) 2006 අප්‍රේල් බහුවරණ

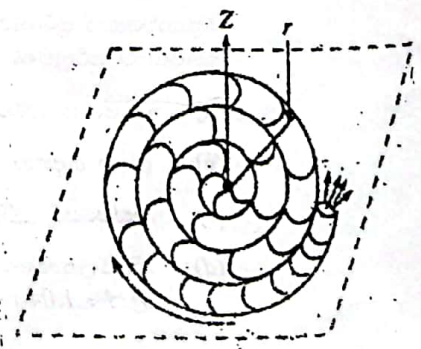
අංශුවක් අරය $10m$ වූ වෘත්තාකාර පථයක ගමන් කරයි. එක් මොහොතකදී අංශුවේ වේගය 10 ms^{-1} වන අතර එම වේගය 10 ms^{-2} ක සීඝ්‍රතාවයකින් වැඩි වෙමින් පවතී. එම මොහොතේදී අංශුවේ ප්‍රවේග දෛශිකය සහ සම්ප්‍රසුක්ත ක්වරණ දෛශිකය අතර කෝණය වනුයේ

- (1) 0° (2) 30° (3) 45° (4) 60° (5) 90°

(742) 2006 අප්‍රේල් බහුවරණ

වෘත්තාකාර තැටියක හැඩයක් ඇති බමර වක්‍ර ආකාරයේ ගිනි කෙළි වර්ගයක් දහනය මගින් ජනනය වන නියත ප්‍රතික්‍රියා බලයකින් Z -අක්ෂය වටා සුමට කිරස් පොළොවක් මත රූපයේ දැක්වෙන පරිදි භ්‍රමණ චලිතයක් සිදුකරයි. බමර වක්‍රය දිගටම ඒකාකාර වෘත්තාකාර තැටියක හැඩය පවත්වාගනු ලැබෙයිද එහි Z -අක්ෂය වටා අවස්ථිති ඝූර්ණය $I = \frac{1}{2} mr^2$ වේ යැයි උපකල්පනය කරන්න. දහනය වෙමින් පවතින බමර වක්‍රයේ යම් මොහොතකදී ස්කන්ධය, අරය, කෝණික ප්‍රවේගය සහ කෝණික ක්වරණය පිළිවෙලින් m, r, ω සහ α වේ නම්,

- (1) $mr\alpha$ නියත වේ (2) $mr^2\alpha$ නියත වේ (3) $r\omega$ නියත වේ
 (4) $mr^2\omega$ නියත වේ (5) $mr^2\omega^2$ නියත වේ



(743) ස්කන්ධය m ද දිග $2l$ ද වන සිහින් දණ්ඩකට එහි කේන්ද්‍රය හරහා යන ලම්බක අක්ෂයක් වටා භ්‍රමණය විය හැක. t කාලයක් තුළ මෙම දණ්ඩ භ්‍රමණය වන කෝණික ප්‍රවේගය θ සිට ω දක්වා ඒකාකාරව වෙනස් වේ නම් දණ්ඩ ලක්වන ව්‍යවර්තය වන්නේ,

(1) $ml^2 \omega / 12 t$ (2) $ml^2 \omega / 4t$ (3) $ml^2 \omega / 3t$ (4) $ml^2 \omega / t$
(5) $4ml^2 \omega / 3t$

(744) ජව රෝදයක් ආනත කලයක් දිගේ පෙරළී ගෙන යයි. මෙහි ඕනෑම මොහොතක භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය මුළු වාලක ශක්තියට දරණ අනුපාතය වන්නේ,

(1) 1 : 1 (2) 1 : 2 (3) 2 : 1 (4) 1 : 3 (5) 2 : 5

(745) කේන්ද්‍රය හරහා යන අභිලම්භ අක්ෂය වටා අවස්ථිති සුරණය 9 kg m^2 වූ ජව රෝදයක් මෝටරයකට සම්බන්ධ කර ඇත. මෝටරය මගින් ජව රෝදය නිශ්චලතාවේ සිට මිනිත්තුවකට පරිභ්‍රමණ 600 දක්වා ක්වරණය කරනු ලැබේ. සර්ඡණය නොසලකා හැරියහොත් ජවරෝදය මත කරන ලද කාර්යය

(1) $900\pi^2 J$ (2) $1800\pi^2 J$ (3) $3600\pi^2 J$ (4) $4000\pi^2 J$ (5) $6000\pi^2 J$

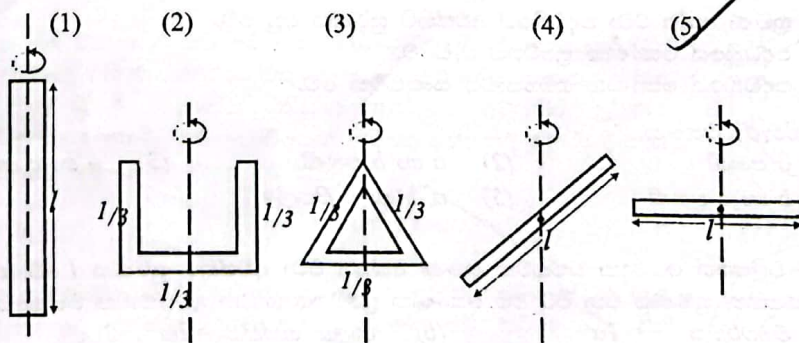
(746) නූලේ නිදහස් කෙළවරින් අල්ලාගෙන නූල රෝදයක් භ්‍රමණය වීමට වැටෙන්නට ඉඩ හරින ලදී. නූලේ ස්කන්ධය නොගිණිය හැකි නම් නූල බෝලය වැටෙන ක්වරණය වනුයේ,

(1) g (2) $\frac{4}{5}g$ (3) $\frac{2}{3}g$ (4) $\frac{1}{2}g$ (5) $\frac{1}{3}g$

(747) ස්කන්ධය 12 kg හා අවස්ථිති සුරණය 0.24 kg m^2 වූ සිලින්ඩරයක අරය 0.2 m වේ. මෙය තිරස් කලයක පෙරළී යන උත්කාරණ ප්‍රවේගය 0.3 ms^{-1} නම් එහි මුළු වාලක ශක්තිය පහත සඳහන් කවරක්වේද?

(1) 0.27 J (2) 0.54 J (3) 0.81 J (4) 1.08 J (5) 8.1 J

(748) දිග l වූ සහ ස්කන්ධය m වූ සර්වසම ඒකාකාර දඬු පහක් සිරස් අක්ෂයක් වටා භ්‍රමණය කරන ලදී. මින් සමහරක් දඬු රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි නමා ඇත. ඒවා නිශ්චලතාවයෙන් පටන්ගෙන අවසාන කෝණික වේගය ω_0 දක්වා ක්වරණය කරන ලදී. පහත සඳහන් කුමන සැකැස්මට අවසාන කෝණික වේගය (ω_0) ලබා ගැනීම සඳහා වැඩි ම ශක්තියක් අවශ්‍ය වේ ද?



(749) ස්කන්ධය 50 kg හා අරය 20 cm වූ සහ සිලින්ඩරයක එහි අක්ෂය වටා අවස්ථිති සුරණය 1.0 kg m^2 වේ. මෙම සිලින්ඩරය තිරස් කලයක 2 ms^{-1} ක් රේඛීය ප්‍රවේගයෙන් යුතුව පෙරළී යන විට එහි වාලක ශක්තිය

(1) 75 J (2) 100 J (3) 150 J (4) 200 J (5) 300 J

(750) ඒකාකාර කම්බියකින් කපා ගත් P හා Q කොටස් දෙකකින් වෘත්ත දෙකක් තනනු ලැබේ. P හි අරය r වන අතර Q හි අරය nr වේ. Q හි අක්ෂය වටා අවස්ථිති සුර්ණය P හි අක්ෂය වටා අවස්ථිති සුර්ණය මෙන් 4 ගුණයක් නම් n හි අගය,

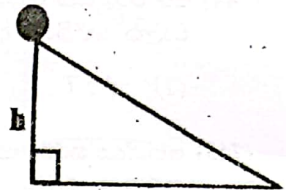
- (1) $4^{1/4}$ (2) $4^{1/3}$ (3) $4^{2/3}$ (4) $4^{1/2}$ (5) 4

(751) තිරය සමඟ 30° ක ආනතියක් ඇති තලයක් මත සන සිලින්ඩරයක් නොලිස්සා පෙරලී යයි. මෙම සිලින්ඩරයේ ත්වරණය වනුයේ, (g - ගුරුත්වජ ත්වරණය)

- (1) $\frac{g}{2}$ (2) $\frac{g}{3}$ (3) $\frac{g}{\sqrt{2}}$ (4) $\frac{g}{\sqrt{3}}$ (5) $\frac{2g}{3}$

(752) පොළොව මට්ටමේ සිට h උස ආනත තලයක මුදුනේ සිට අරය r වන සිලින්ඩරයක් පහලට පෙරලේ. එය පතුලට ළඟාවන විට එහි ප්‍රවේගය සහ එය ලිස්සා ආවේ නම්, ලබා ගන්නා ප්‍රවේගය අතර අනුපාතය

- (1) 1 (2) $\sqrt{\frac{2}{3}}$ (3) $\sqrt{\frac{3}{2}}$
(4) $\sqrt{3}$ (5) $\sqrt{2}$



(753) තිරයට 30° ආනත තලයක් ඔස්සේ සන ගෝලයක් ලිස්සීමකින් තොරව පහළට පෙරලේ. එහි රේඛීය ත්වරණය වන්නේ,

- (1) $g/4$ (2) $5g/14$ (3) $5g/7$ (4) $3g/4$ (5) $2g/3$

(754) අරය r හා අක්ෂය වටා අවස්ථිති සුර්ණය I වූ ජව රෝදයක් ω ඒකාකාර කෝණික ප්‍රවේගයකින් භ්‍රමණය වෙමින් පවතී. රෝදයේ පරිධියට ස්පර්ශකව F බලයක් යෙදූ විට t කාලයකදී රෝදය ඒකාකාරීව නිශ්චලතාවයට පත්වේ. පහත කරුණු සලකන්න.

- (a) රෝදය ලක්වන ව්‍යවර්තයේ විශාලත්වය Fr වේ.
(b) රෝදය ලක්වන ව්‍යවර්තයේ විශාලත්වය $I\omega / r$ වේ.
(c) රෝදය මත ක්‍රියාකරන කෝණික ආවේගය $I\omega$ වේ.

මින් නිවැරදි වන්නේ,

- (1) a පමණි (2) a හා b පමණි (3) a හා c පමණි
(4) b හා c පමණි (5) a, b හා c සියල්ල

(755) සර්ෂණයෙන් තොර තිරස් භ්‍රමණ මේසයක් මත සමමිතික ලෙස දැන් විහිදුවා ගෙන ළමයෙක් හිටගෙන සිටී. එවිට ළමයා සහිත මේසය යම් කෝණික ප්‍රවේගයකින් භ්‍රමණය වේ. පද්ධතිය මත කිසිදු බාහිර ව්‍යවර්තයක් ඇති නොවන පරිදි ළමයා සිය දැන් හකුලා ගනී. එවිට

- (a) භ්‍රමණ අක්ෂය වටා පද්ධතියේ අවස්ථිති සුර්ණය අඩු වේ.
(b) පද්ධතියේ කෝණික ප්‍රවේගය වැඩිවේ.
(c) පද්ධතියේ කෝණික ගම්‍යතාවය සංස්ථිතික වේ.

මින් නිවැරදි වන්නේ,

- (1) a පමණි (2) a හා b පමණි (3) a හා c පමණි
(4) b හා c පමණි (5) a, b හා c සියල්ල

(756) භ්‍රමණ වලිතයේ යෙදෙන වස්තුවක භ්‍රමණ අක්ෂය වටා අවස්ථිති සුර්ණය I වේ. එය a කෝණික ත්වරණයකින් භ්‍රමණය වන විට එහි කෝණික ප්‍රවේගය ω වන අවස්ථාවක වස්තුවෙහි

- (a) ව්‍යවර්තය $=Ia$ (b) චාලක ශක්තිය $=I\omega^2/2$
(c) කෝණික ගම්‍යතාවය $=I\omega$

මින් නිවැරදි වන්නේ,

- (1) a පමණි (2) a හා b පමණි (3) a හා c පමණි
(4) b හා c පමණි (5) a, b හා c සියල්ල



(757) අක්ෂයක් වටා අවස්ථිති ඝූර්ණය 2 kg m^2 වූ භ්‍රමණය වන ජව රෝදයකට 20 Nm නියත බල ප්‍රභවයක් යෙදීමෙන් 20 s කාලයක් තුළදී නිශ්චලතාවයට ගෙන එන ලදී. ජව රෝදයේ ආරම්භක කෝණික ප්‍රවේගය rad s^{-1}

- (1) 50 (2) 100 (3) 200 (4) 400 (5) 800

(758) රූපයේ දක්වා ඇති පරිදි ස්කන්ධය m බැගින් වූ වස්තූන් දෙකක් අතැතිව සිටින මිනිසෙක් සුමට ව භ්‍රමණය විය හැකි පුටුවක කැරකැවේ. ඔහු ස්කන්ධ දෙක එකම තිරස් මට්ටමේ තබා ගනිමින් තබා වෙතට ගෙන එන විට භ්‍රමණය වන පද්ධතියේ

- (a) කෝණික ගම්‍යතාව නියතව පවතී.
(b) කෝණික ප්‍රවේගය වැඩි වේ.
(c) අවස්ථිති ඝූර්ණය වැඩි වේ.

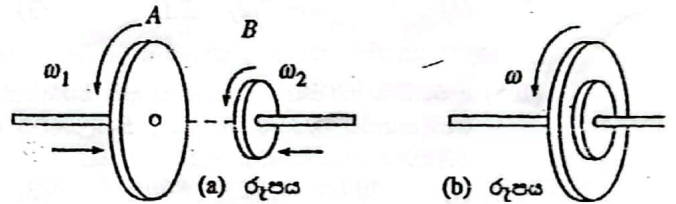
මේවායින් සත්‍ය වන්නේ

- (1) a පමණි (2) b පමණි (3) c පමණි (4) a හා c පමණි
(5) a හා b පමණි



(759) 2013 අගෝස්තු බහුවර්ණ

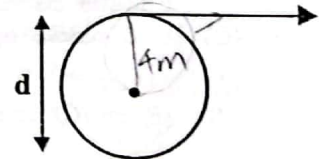
යන්ත්‍රයක ඇති A සහ B නම් රෝද දෙකක් පොදු අක්ෂයක් වටා පිළිවෙළින් ω_1 සහ ω_2 කෝණික වේගයන්ගෙන් එකම දිශාවකට භ්‍රමණය වේ. (a) රූපය බලන්න. භ්‍රමණ අක්ෂය වටා A හි අවස්ථිති ඝූර්ණය I_1 වන අතර B සඳහා එම අගය I_2 වේ. කිසියම් මොහොතකදී රෝද දෙක හොඳින් තද වන ලෙස එකිනෙක වෙතට ඒවා තල්ලු වන අතර පද්ධතිය ලිස්සීමකින් තොරව ω පොදු කෝණික වේගයකින් භ්‍රමණය වේ. (b) රූපය බලන්න. ω හි අගය දෙනු ලබන්නේ



- (1) $\omega = \frac{\omega_1 + \omega_2}{2}$ මගිනි. (2) $\omega = \frac{I_1\omega_1 + I_2\omega_2}{I_1 - I_2}$ මගිනි.
(3) $\omega = \sqrt{\omega_1\omega_2}$ මගිනි. (4) $\omega = \frac{I_1\omega_1 + I_2\omega_2}{I_1 + I_2}$ මගිනි. (5) $\omega = \frac{I_1\omega_1^2 + I_2\omega_2^2}{\omega_1^2 + \omega_2^2}$ මගිනි.

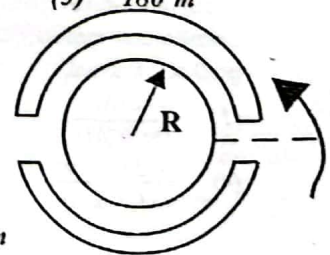
(760) විෂ්කම්භය 4 m වන රෝදයක් අවල සර්ඡණ රහිත තිරස් අක්ෂයක් වටා භ්‍රමණය වන්නේ එහි චුරාණ වටා ඔතා ඇති තන්තුව මගින් සපයනු ලබන නියතය $T = 40 \text{ N}$ ආතතිය නිසාය. රෝදයේ අවස්ථිති ඝූර්ණය 10 kgm^2 ද, එය $t = 0$ දී නිශ්චලතාවයෙන් ආරම්භ වේද නම් $t = 3 \text{ s}$ දී ඔතා ඇති තන්තුවේ කොපමණ දිගක් දිග හැරේද?

- (1) 18 m (2) 36 m (3) 72 m (4) 720 m (5) 180 m



(761) වාහනයක භාවිතාවන තිරිංග පද්ධතියක අරය R වන ස්කන්ධය M වන සහ සිලින්ඩරයක් ω_0 කෝණික ප්‍රවේගයෙන් භ්‍රමණය වේ. තිරිංග යෙදූ විට ස්කන්ධය m වන තුනී සිලින්ඩරාකාර කවචය සිලින්ඩරය සමඟ ස්පර්ශ වී එය සමඟ එකට භ්‍රමණය වේ. එවිට පද්ධතියේ කෝණික ප්‍රවේගය වන්නේ,

- (1) $M\omega_0 / M + m$ (2) $m\omega_0 / M + m$
(3) $M\omega_0 / M + 2m$ (4) $m\omega_0 / M$ (5) $M\omega_0 / m$



(762) පද්ධතියක කෝණික ගම්‍යතාව

- (A) A පද්ධතිය මත ක්‍රියාකරන සම්ප්‍රසක්ත බලය ශුන්‍ය වූ විට පමණක් සංස්ථිති වේ.
 (B) එහි කෝණික ප්‍රවේගයෙහි දිශාවට ම පවතී.
 (C) පද්ධතියෙහි ස්කන්ධ ව්‍යාප්තියෙන් ස්වායත්ත වේ.

ඉහත ප්‍රකාශ වලින්

- (1) A පමණක් සත්‍ය වේ (2) B පමණක් සත්‍ය වේ (3) C පමණක් සත්‍ය වේ
 (4) B හා C පමණක් සත්‍ය වේ (5) A, B හා C සියල්ලම සත්‍ය වේ

(763) 2005 අප්‍රේල් බහුවරණ

ස්කන්ධය M වූ ද අරය R වූ ඒකාකාර වූ වෘත්තාකාර තැටියක් එහි තලයට ලම්බ වූද කේන්ද්‍රය හරහා යන්නා වූද අක්ෂයක් වටා ω ඒකාකාර කෝණික වේගයකින් කිරස් තලයක භ්‍රමණය වේ. ඉහත විස්තර කරන ලද අක්ෂය වටා තැටියෙහි අවස්ථිති ඝූර්ණය $\frac{1}{2} MR^2$ වේ. ස්කන්ධය $\frac{M}{8}$ වූ මැටි ගුලියක්

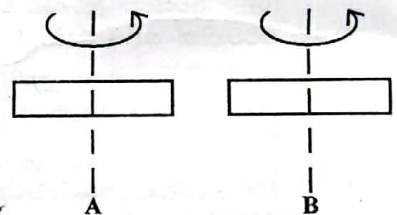
තැටියෙහි දාරය මත සෙමින් තැබූ විට එය ආලෝම නම් පද්ධතියෙහි නව කෝණික වේගය

- (1) $\frac{2}{5} \omega$ (2) $\frac{8}{9} \omega$ (3) $\frac{4\omega}{5}$ (4) ω (5) $\frac{\omega}{5}$

(764) 2003 අප්‍රේල් බහුවරණ

සමාන මාන සහිත නමුත් සන්තති d_A සහ d_B වන වෙනස් ද්‍රව්‍යවලින් සාදා ඇති A හා B ඒකාකාර දඬු දෙකක් රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි භ්‍රමණය වේ. දඬුවල භ්‍රමණ වාලක ශක්තීන් සමාන නම්,

A හි කෝණික ගම්‍යතාවය යන අනුපාතය දෙනු ලබන්නේ
 B හි කෝණික ගම්‍යතාවය



- (1) 1 (2) $\frac{d_A}{d_B}$ (3) $\left(\frac{d_A}{d_B}\right)^2$ (4) $\left(\frac{d_A}{d_B}\right)^{1/2}$ (5) $\left(\frac{d_A}{d_B}\right)^{3/2}$

(765) අවස්ථිති ඝූර්ණය 80 kgm^2 වූ ජව රෝදයක් 6000 rads^{-1} සිසුතාවයෙන් භ්‍රමණය වෙමින් තිබියදී ඒකාකාර මන්දනයකට ලක්කර 30 s කදී නිසලතාවට පමුණුවන ලදී. මන්දනය කිරීම සඳහා යෙදුණු ව්‍යාවර්තය Nm වලින්,

- (1) 4000 (2) 8000 (3) 12000 (4) 16000 (5) 20000

(766) අක්ෂය වටා අවස්ථිති ඝූර්ණය 2 kg m^2 වන වෘත්තාකාර තැටියක් 50 rads^{-1} කෝණික ප්‍රවේගයෙන් යුතුව එහි අක්ෂය වටා භ්‍රමණය වේ. එහි පරිධිය මත 10 Nm නියත ව්‍යාවර්තයක් යොදනු ලැබුවේ නම් එහි කෝණික ප්‍රවේගය 80 rads^{-1} වීමට ගත වන කාලය,

- (1) 1.5 s (2) 3 s (3) 6 s (4) 9 s (5) 12 s

(767) සිය කෝණික ප්‍රවේගය වැඩි කරගනු සඳහා අයිස් මත භ්‍රමණය වන ක්‍රීඩකයෙකු සිය අත් පහළ හෙලයි. මෙහිදී ඔහුගේ,

- (A) කෝණික ගම්‍යතාව නියතව පවතී. (B) අවස්ථිති ඝූර්ණය අඩු වේ.
 (C) විභව ශක්තිය අඩුවේ.

- (1) (A) පමණි (2) (A) හා (B) සමණි (3) (A) හා (C) පමණි
 (4) (B) හා (C) පමණි (5) (A), (B) හා (C) සියල්ලම

(768) ස්කන්ධය M වූ සිහින් ඒකාකාර කම්බියකින් තනන ලද අරය r වූ වෘත්තාකාර වළල්ලක් එහි අක්ෂය වටා ω නියත කෝණික ප්‍රවේගයකින් භ්‍රමණය වේ. දැන් එක එකෙහි ස්කන්ධය m වූ සමාන අංශු දෙකක් එහි විෂ්කම්භයක ප්‍රතිවිරුද්ධ අන්ත දෙකෙහි වළල්ලට ප්‍රවේගමෙන් යා කරන ලද්දේ නම්, වළල්ලේ නව කෝණික ප්‍රවේගය වනුයේ,

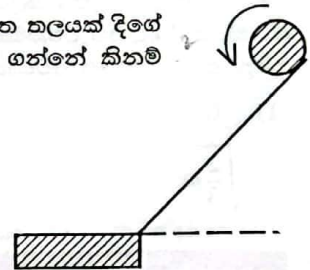
- (1) $\frac{\omega M}{(m + M)}$ (2) $\frac{\omega M}{(2m + M)}$ (3) $\frac{\omega (M + 2m)}{M}$
 (4) $\frac{\omega (M - 2m)}{(M + 2m)}$ (5) $\frac{\omega (M + 2m)}{(M - 2m)}$

(769) දිග 0.5m ක් වූ තන්තුවකට ගැට ගසා ඇති 2kg ස්කන්ධයක් තන්තුවේ කෙළවර වටා වෘත්තාකාර පථයක 10 rad s^{-1} කෝණික ප්‍රවේගයෙන් යුතුව භ්‍රමණය වේ. භ්‍රමණ අක්ෂය වටා 2kg ස්කන්ධයේ කෝණික ගම්‍යතාව $\text{kg m}^2 \text{rad}^{-1}$ වලින්,
(1) 50 (2) 25 (3) 20 (4) 10 (5) 5

(770) අක්ෂයක් වටා වස්තුවක අවස්ථිති ඝූර්ණය 1.2 kgm^2 වේ. ආරම්භයේ වස්තුව නිශ්චලව පවතී. වස්තුවට 1500 J භ්‍රමණ චාලක ශක්තියක් ලබා දීමට 25 rad s^{-2} කෝණික ත්වරණයක් භ්‍රමණ අක්ෂය වටා පවත්වා ගත යුතු කාලය
(1) 2s (2) 4s (3) 6s (4) 8s (5) 10s

(771) එකම ස්කන්ධය සහ එකම බාහිර අරය r වන පහත සඳහන් වස්තුව ආනත කලයක් දීමේ පහළට පෙරලියාමට සැලැස්වූ විට පතුලට ලගා වීමට වැඩිම කාලයක් ගන්නේ කිනම් වස්තුවද?

- (1) සහ ගෝලයක් (2) කුහර ගෝලයක්
- (3) දිග $2r$ වන කුහර සිලින්ඩරයක්
- (4) දිග $2r$ වන සහ සිලින්ඩරයක්
- (5) දිග $4r$ වන සහ සිලින්ඩරයක්

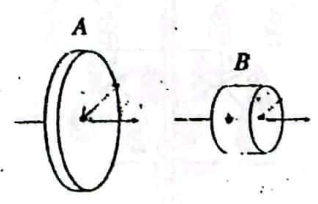


(772) පෘථිවිය ස්කන්ධය M සහ අරය R වන ඒකාකාර සනු ගෝලයක් ලෙස සැලකූ විට, එහි කේන්ද්‍රය හරහා යන අක්ෂයක් වටා අවස්ථිති ඝූර්ණය $I = \frac{2}{5}MR^2$ වේ. විශ්වයේ සිදුවන විපර්යාසයක් හේතුවෙන්,

භූමියේම පෘථිවිය එහි ස්කන්ධයේ නොවෙනස්ව කිබියදී අරය $\frac{R}{2}$ වන පරිදි සංකෝචනය වේනම්, නව දිනයක් සමාන වනුයේ
(1) පැය 6 (2) පැය 8 (3) පැය 12 (4) පැය 18 (5) පැය 30
(මෙය නිරීක්ෂණය කිරීමට අප කිසිවෙක් ඉතරු නොවන බව කණගාටුවෙන් සලකන්න.)

2007 අගෝස්තු ඔනූවරණ

රූප සටහනේ පෙන්වා ඇති ඒකාකාර A සහ B තැටි එකම ද්‍රව්‍යයෙන් සාදා ඇති අතර ඒවාට සමාන ස්කන්ධ ඇත. A තැටියෙහි අරය B තැටියෙහි අරයට වඩා විශාල වේ. මෙම තැටි ඒකලිතව අභ්‍යවකාශයේ තබා ඇත. පහත සඳහන් යාම සලකා බලන්න.



- (A) තැටිවල කේන්ද්‍ර හරහා ක්‍රියාකරන බාහිර බලයක් යටතේ, දී ඇති වේගයක් ලබා ගැනීමට B ට වඩා වැඩි කාලයක් A ට ගතවේ.
- (B) තැටිවල අක්ෂ වටා ඇති බාහිර ව්‍යාවර්තයක් යටතේ දී ඇති කෝණික වේගයක් ලබාගැනීමට A ට වඩා වැඩි කාලයක් B ට ගතවේ.
- (C) අක්ෂය වටා B තැටියේ භ්‍රමණ අවස්ථිතිය A හි එම අගයට වඩා වැඩි ය.

- ඉහත ප්‍රකාශ අතුරෙන්
- (1) (A) පමණක් සත්‍ය වේ. (2) (A) සහ (B) පමණක් සත්‍ය වේ.
 - (3) (B) සහ (C) පමණක් සත්‍ය වේ. (4) (A), (B) සහ (C) යන සියල්ලම සත්‍ය වේ.
 - (5) (A), (B) සහ (C) යන සියල්ලම අසත්‍ය වේ.



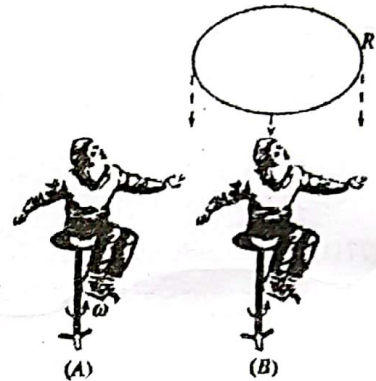
(774) **2007 අගෝස්තු ඔහුවරණ**

නිශ්චලතාවෙන් ආරම්භ වී ගෝලයක් රළු ආනත තලයක පහළට පෙරළී යාමට l කාලයක් ගනී. ආනත තලය පිටත නම් ගෝලය පහළට ලිස්සා යාමට ගතවන කාලය

- (1) l වේ. (2) l ට වඩා වැඩි වේ. (3) l ට වඩා අඩු වේ.
 (4) ගෝලයේ ස්කන්ධයෙන් නිර්ණය වේ. (5) ගෝලයේ අරයෙන් නිර්ණය වේ.

(775) **2007 අගෝස්තු ඔහුවරණ**

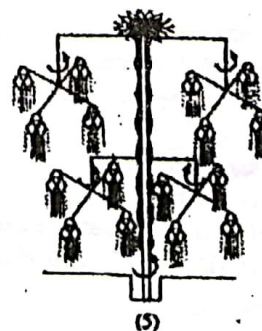
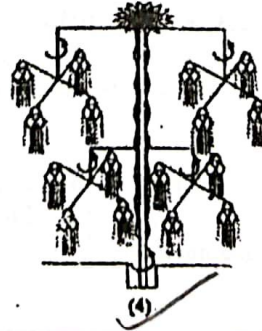
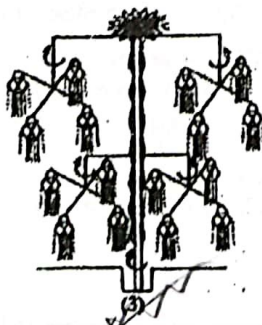
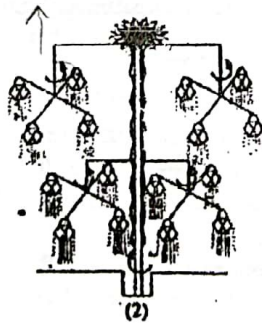
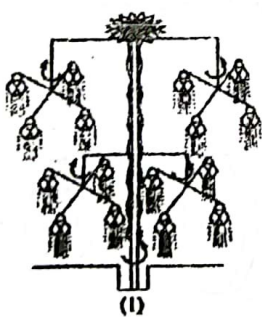
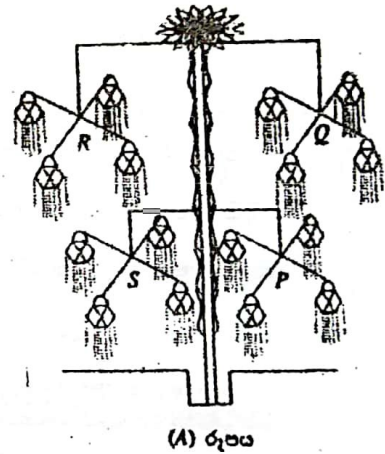
(A) රූපයෙන් පෙන්වා ඇති පරිදි භ්‍රමණය වන පුටුවක් මත වාඩි වී සිටින ළමයකු ග කෝණික වේගයකින් භ්‍රමණය වේ. භ්‍රමණ අක්ෂය වටා ළමයා සමග පද්ධතියේ අවස්ථිති ඝූර්ණය 2 kgm^2 වේ. භ්‍රමණය වෙමින් සිටින ළමයා (B) රූප සටහනේ පෙනෙන පරිදි කෝණික ගම්‍යතාවක් නොමැතිව තලය තිරස් වන සේ සිරස්ව පහළට වැටෙන ස්කන්ධය 4 kg සහ විෂ්කම්භය 1 m වූ තුනී R වළල්ලක් අල්ලා ගනී. සම්පූර්ණ පද්ධතියේ අවසාන කෝණික ගම්‍යතාව වනුයේ,



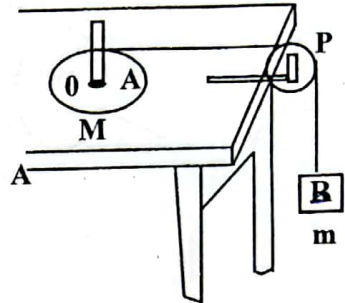
- (1) 0 (2) $\frac{2}{3}\omega$ (3) ω
 (4) $\sqrt{\frac{2}{3}}\omega$ (5) $\sqrt{\frac{1}{3}}\omega$

(776) **2007 අගෝස්තු ඔහුවරණ**

(A) රූපයේ ආකාරයට භ්‍රමණය වන මැද කණුවකට සවිකර ඇති, ස්වායත්තව කරකැවෙන P, Q, R සහ S නම් කුඩා පරිවාර කුඩු කවටල හතරකින් සැරසිල්ලක් සමන්විත වේ. සෑම භ්‍රමණයක් ම සිදුවන්නේ සිරස් අක්ෂ වටා ය. පහත දක්වා ඇති භ්‍රමණ විධි අතුරෙන් කුමක්, සම්පූර්ණ සැරසිල්ලට වඩාත් ම හොඳ ස්ථායීතාව සපයයි ද?

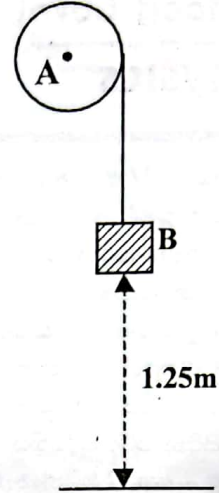
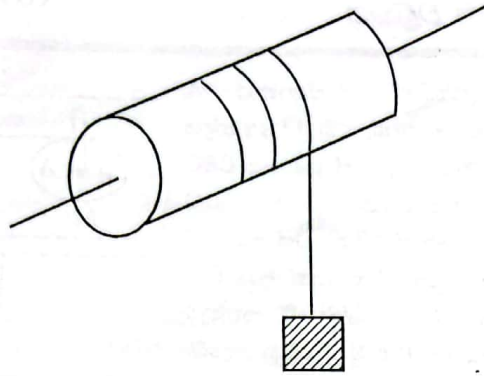


(777) ස්කන්ධය M සහ අරය R වූ වෘත්තාකාර හැඩයකින් යුත් ඒකාකාර A තැටියක් සුමට මේසයක් මත තිරස්ව සවි කර ඇත්තේ, එහි O කේන්ද්‍රය හරහා ගමන් කරන සිරස් සුමට අක්ෂ දණ්ඩක් වටා නිදහසේ භ්‍රමණය වීමට හැකි වන ආකාරයටය. තැටියේ පරිදිය වටා කිහිප වරක් තදට ඔතා ඇති සැහැල්ලු තන්තුවක්, සැහැල්ලු P කප්පියක්ද වටා ගොස් එහි නිදහසේ කෙළවර මගින් රූපයේ පෙනෙන පරිදි m ස්කන්ධයකින් යුත් B භාරයක් දරා සිටී. භ්‍රමණ අක්ෂය වටා තැටියේ ආවස්ථිති සූර්ණය $I = \frac{1}{2} MR^2$ වේ. තන්තුව ඇදී සිටින පරිදි පද්ධතිය නිශ්චලව තබා කාලය $t = 0$ දී මුදා හරිනු ලැබේ.



- (a) A සහ B මගින් ඇති කරනු ලබන්නේ කුමන ආකාරයේ චලිතද?
- A,
- B,
- (b) (i) A තැටියේ කෝණික ත්වරණය α ද, B භාරයේ ත්වරණය a ද නම්, α සහ a අතර සම්බන්ධය සියලු අක්ෂර උපයෝගී කරගෙන සඳහන් කරන්න.
- (ii) තැටිය මත ක්‍රියා කරන ව්‍යාවර්ථය Γ සහ α අතර සම්බන්ධතාව කුමක්ද?
- $\Gamma, =$
- (c) කුඩා කාලයකට පසුව හදිසියේම තන්තුව කැඩුණේ නම්, A සහ B චලිතයට කුමක් සිදුවේද?
- A,
- B,
- (d) ඉහත (c) හි දැක්වූ ආකාරයට තන්තුව කැඩුණු පසු A තැටිය මතට, සමාන අරයකින් ද එහෙත් ස්කන්ධය $\frac{M}{2}$ ද වූ නිශ්චලව ඇති දෙවන තැටියක් සමමිතිකව අනහරිනු ලැබේ. තැටි දෙකම එකට ඇඳී භ්‍රමණය වන බව පෙනේ.
- (i) තැටිවල නව කෝණික ප්‍රවේගය සොයා ගැනීම සඳහා ඔබ භාවිතා කරන මූලධර්මය කුමක්ද?
- (ii) එම මූල ධර්මය සත්‍ය වන්නේ කුමන තත්වය යටතේද?
-
- (iii) දෙවන තැටිය අත හැරීමට පෙර A තැටියෙහි කෝණික ප්‍රවේගය ω_0 නම්, තැටිවල නව කෝණික ප්‍රවේගයෙහි අගය ω_1 පදය උපයෝගී කර ගනිමින් සොයන්න.
- (e) ඉහත (c) හි දැක්වූ ආකාරයට තන්තුව නොකැඩී ඒ වෙනුවට අක්ෂ දණ්ඩ කැඩී යාමෙන් තැටියට නිදහසේ චලනය වීමට ඉඩ ලැබුණේ යැයි සිතන්න.
- (i) A කුමන අන්දමේ චලිතයක් ඇති කරයිද?
- (ii) A හි කෝණික ත්වරණය b (i) හි අගයටම සමානව පවතීද, ඔබේ පිළිතුර පැහැදිලි කරන්න.

(778)



ස්කන්ධය 6.0 kg ද, අරය 20 cm ද වන, A සිලින්ඩරයක් සිරස් තලයක භ්‍රමණය විය හැකි පරිදි එහි කේන්ද්‍රය හරහා යන සුමට තිරස් අක්ෂයක් මත රඳවා ඇත. සැහැල්ලු තන්තුවක එක් කෙළවරක් සිලින්ඩරයේ පරිධියට ගැට ගසා, වට කිහිපයක් සිලින්ඩරය මත ඔතා තන්තුවේ නිදහස් කෙළවරින් ස්කන්ධය 200 g වන, B පොළොව මට්ටමේ සිට 1.25 m ඉහළදී නිශ්චලතාවෙන් මුදා හරින ලදී. (අක්ෂය වටා භ්‍රමණය වන අරය R වූ සිලින්ඩරයක අවස්ථිති සූරණය $I = \frac{1}{2} mR^2$)

- (i) (a) A සිලින්ඩරය සිදු කරන්නේ කුමන ආකාරයේ චලිතයක්ද?
- (b) B වස්තුව සිදු කරන්නේ කුමන ආකාරයේ චලිතයක්ද?
- (ii) සිලින්ඩරයේ අවස්ථිති සූරණය ගණනය කරන්න.
- (iii) යම් මොහොතකදී සිලින්ඩරයේ කෝණික ප්‍රවේගයන් (ග) එල්ලා ඇති වස්තුවේ ප්‍රවේගයන් අතර සම්බන්ධතා දක්වන සමීකරණය ලියන්න.
- (iv) පොළොව මට්ටමේදී විභව ශක්තිය ඉතා උස සලකා ආරම්භයේදී B හි මුළු ශක්තිය සොයන්න.
- (v) පොළොවේ ගැටීමට මොහොතකට පෙර B හි ප්‍රවේගය V සහ A හි කෝණික ප්‍රවේගය ω ලෙස ගෙන
 - (a) B හි ශක්තිය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.
 - (b) A හි ශක්තිය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.
- (vi) V සහ ω ගණනය කරන්න.

(779)

72 km h^{-1} වේගයෙන් හමා යන සුළඟක් මගින් සුළං මෝලක් කරකැවේ. සුළං මෝලෙහි පෙති භ්‍රමණය වන කලයට අභිලම්බව සුළඟ හමන අතර, භ්‍රමණය වන පෙත්තක් මගින් කපා හරිනු ලබන ක්ෂේත්‍රඵලය 20 m^2 වේ. සුළගේ සම්පූර්ණ චාලක ශක්තියම පෙති මගින් ලබා ගන්නේ යැයි උපකල්පනය කළහැක. මෙසේ හමන සුළඟ හේතුවෙන් එහි පෙති විනාඩියට වට 90 ක නියත පරිභ්‍රමණ සීඝ්‍රතාවයකින් භ්‍රමණය වේ.

- (a) වාතයේ ඝනත්වය 1.25 kg m^{-3} නම්,
 - (i) තත්⁻¹ දී සුළං මෝලෙහි පෙතිවල වදින වාතයේ ස්කන්ධය සොයන්න.
.....
 - (ii) එනයිත්, සුළගේ ශක්තිය සුළං මෝල මගින් ලබා ගන්නා සීඝ්‍රතාවය සොයන්න.
.....
- (b) එකවරම සුළං හැමීම නතර වූ විට ඝර්ෂණ බල හේතුවෙන් පෙති විනාඩි 3 ක කාලයකට පසු නිශ්චලතාවයට එළඹේ. භ්‍රමණ අක්ෂය වටා සුළං මෝලෙහි අවස්ථිති සූර්ණය $2 \times 10^4 \text{ kg m}^2$ නම්, සුළං මෝලෙහි
 - (i) කෝණික මන්දනය සොයන්න
 - (ii) ඝර්ෂණ ව්‍යවර්තය සොයන්න
- (c) එනයිත් , සුළං හමන අවස්ථාවේදී සුළං මෝල මගින් කාර්යය කරන සීඝ්‍රතාව සොයන්න
.....
.....
- (d) සුළං මෝලෙහි කාර්යක්ෂමතාව ගණනය කරන්න
.....

(780)

පහත සඳහන් ජේදය හොඳින් කියවා අසා ඇති ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න.
කිමිදෙන්නන් (divers), කරනම් ගසන්නන් (acrobats) සහ සංගීත රිද්මයන්ට අනුව නටන්නන් (ballet dancers) විසින් බොහෝ ආකර්ෂණීය භ්‍රමණ සංචලනයන් රඟ දක්වනු ලැබේ. මේ සියලු සංචලනයන් භ්‍රමණ චලිතයට අදාළ භෞතික සංකල්ප මගින් පහදා දිය හැක.

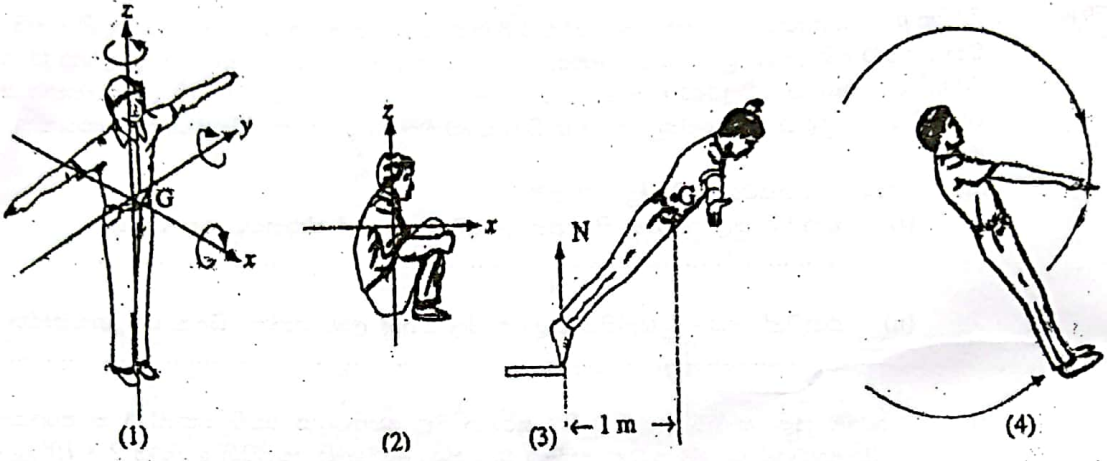
මිනිස් සිරුරක භ්‍රමණය (I) වන රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය (G) හරහා යන අනෙකුත් වශයෙන් ලම්භක වූ අක්ෂ තුනකට අදාළ ව විස්තර කළ හැක. y - අක්ෂය වටා භ්‍රමණය කරනමක් (somersault) ලෙසින් ද , z - අක්ෂය වටා එය ඇඹරුමක් (twist) ලෙසින් ද , x - අක්ෂය වටා එය මැදින් කරකැවෙන රෝද (pinwheel) චලිතයක් ලෙසින් ද හැඳින්වේ. ඇඹරුම රඟ දක්වන අවස්ථාවේදී සිරුර xy තලයේ භ්‍රමණය වේ.

මෙම අක්ෂය වටා අවස්ථිති සූර්ණයන් (I) අත් හා පාදවල පිහිටීම මත රඟ පවතී. I_z සාමාන්‍යයෙන් I_x හෝ I_y ට වඩා කුඩා වේ. (1) වන රූපයේ නිරූපණය කර ඇති ඉරියව්වෙන් සාමාන්‍ය පුද්ගලයෙක් සිටින විට මෙම අගයයන් $I_z = 3.4 \text{ kg m}^2$, $I_x = 19.2 \text{ kg m}^2$ සහ $I_y = 16.0 \text{ kg m}^2$ වේ. (2) වන රූපයේ පෙන්වා ඇති දීගුලි වී සිටින පිහිටුමේ දී මෙම අගයයන් $I_z = 2.0 \text{ kg m}^2$, සහ $I_x = I_y = 4.0 \text{ kg m}^2$ වේ.

යම් කිමිදුම්කරුවෙකුහට චලිතය ආරම්භයේ දී කරනම් චලිතයක් අත්පත් කර ගැනීමට ඇති ප්‍රත්‍යක්ෂ මාර්ගය වන්නේ කිමිදුම් ලැල්ලක් භාවිත කිරීම ය. පුද්ගලයා හට y - අක්ෂය වටා කෝණික ගම්‍යතාවක් ලබා ගත හැකි ක්‍රමය (3) වන රූපයේ පෙන්වා ඇත. පහත මොහොතේ දී ඔහු හුදෙක් ඉදිරියට නැඹුරු වේ. ලැල්ලෙන් ඇතිවන අභිලම්භ ප්‍රතික්‍රියාව N ඔහුගේ ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය වටා ව්‍යාවර්තයක් ජනිත කරයි.



නිදහසේ පහළට වැටෙන විට පුද්ගලයකු කරනමක් ගසන්නේ කෙසේ දැයි දැන් සලකා බලමු. සිරුර සෘජු ව තබා ගනිමින් (4) වන රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි දී අත් පැද්දීමේ වලිනයක් ලබා ගැනීම සඳහා, එසවූ දෙ අත් වේගයෙන් ඉදිරියට ගෙන එනු ලැබේ. දෙ අත් පහළට ගෙන එනු ලබන විට සිරුර ඊට විරුද්ධ දිශාවට භ්‍රමණය වේ. භ්‍රමණ අක්ෂය පවතින්නේ උරහිස් හරහාය. දෙ අත් වලින් මෙම දී අත් පැද්දීමේ වලිනය සිදුකරන තාක් කරනම දිගටම පවතී. නමුත් දෙ අත්වල භ්‍රමණය හා සංසන්දනය කළ විට සිරුරේ භ්‍රමණය සිදුවන්නේ සෙමිනි.



- (i) (1) වන රූපයේ සිටින තැනැත්තා කරනමක් රඟ දක්වන විට ඔහුගේ භ්‍රමණ තලය නම් කරන්න.
- (ii) වස්තුවක ස්කන්ධය මගින් එහි උත්කාරණ වලිනයට ඇති අවස්ථිතිය මැනේ. දෙන ලද අක්ෂයක් වටා වස්තුවක අවස්ථිති සූර්ණයෙන් මැනෙන්නේ කුමක්ද?
- (iii) දෙන ලද අක්ෂයක් වටා පුද්ගලයෙකුගේ අවස්ථිති සූර්ණය, තමා විසින්ම වෙනස් කර ගත හැක්කේ කෙලෙසද?
- (iv) (1) වන රූපයේ පෙන්වා ඇති තැනැත්තාගේ I_z , I_x හෝ I_y ට වඩා කුඩා වේ. මෙයට හේතුව කුමක්ද?
- (v) (1) වන රූපයේ පෙන්වා ඇති පුද්ගලයා 2.0 rad s^{-1} ක කෝණික ප්‍රවේගයකින් කරනමක් රඟ දක්වයි. එසේ භ්‍රමණය වෙමින් සිටින අතරේ දී ඔහු තම පිහිටුම (2) වන රූපයේ පෙන්වා ඇති පිහිටුමට වෙනස් කර ගනී.
 - (a) පුද්ගලයාගේ නව කෝණික ප්‍රවේගය ගණනය කරන්න.
 - (b) ඔහුගේ භ්‍රමණ වාලක ශක්තියේ වෙනස්වීම ගණනය කරන්න. මෙම වෙනස ඇති වූ අයුරු ඔබ පහදා දෙන්නේ කෙසේ ද?
- (vi) පුද්ගලයාගේ ස්කන්ධය 60 kg නම්, (3) වන රූපයේ දක්වා ඇති පරිදි ඔහු ලැල්ලෙන් ඉවත්වන මොහොතේ ඔහුගේ ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය වටා ආරම්භක කෝණික ක්වරණය නිර්ණය කරන්න.
- (vii) (4) වන රූපයේ පරිදි දෙ අත් වේගයෙන් පද්දන විට සිරුර සෙමින් භ්‍රමණය වීමට හේතුව කුමක්ද?
- (viii) (4) රූපයේ පෙන්වා ඇති ඉරියව්වෙන් පුද්ගලයා සිටින විට ඔහුගේ උරහිස් හරහා යන අක්ෂයක් වටා කෝණික ගම්‍යතාව සංස්ථිතික වේ ද? ඔබේ පිළිතුරට හේතු දෙන්න.
- (ix) තෙත් පොළොවක් මත අප ලිස්සා යාමේ ප්‍රවණතාවක් ඇති විට නොදැනුවත්ම වාගේ අප විසින් මෙම දී අත් පැද්දීමේ, ක්‍රමය ක්‍රියාවට නගනු ලැබේ. අපගේ පතුල් ඉදිරියට ලිස්සා යෑම ආරම්භ කරන විට (4) රූපයේ පෙන්වා ඇති දිශාවට විරුද්ධ දිශාවේ අපි දෙ අත් වේගයෙන් භ්‍රමණය කරන්නෙමු. මෙයට හේතුව කෙටියෙන් පහදා දෙන්න.

(781) දෙන ලද අක්ෂයක් වටා වස්තුවක අවස්ථිති සුර්ණය යන්නෙන් අදහස් කරන්නේ කුමක්ද? වස්තුවක අවස්ථිති සුර්ණය, භ්‍රමණ අක්ෂය සහ වස්තුවේ ජ්‍යාමිතික හැඩය මත රඳා පවතීද? ස්කන්ධය M සහ දිග L වන ඒකාකාර දණ්ඩක එහි දිගට ලම්භකව එක් කෙළවරක් හරහා යන අක්ෂයක් වටා අවස්ථිති සුර්ණය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.



ඉහත දණ්ඩ එක් කෙළවරේ (O) විවර්තනී කර ඇති අතර, මෙම විවර්තනීය වටා සර්ෂණ රහිතව නිදහසේ භ්‍රමණය වීමට අවකාශ ඇත. දණ්ඩ පෙන්වා ඇති පරිදි තිරස් පිහිටීමේදී නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ.

- (i) දණ්ඩේ ආරම්භක කෝණික ත්වරණය කුමක්ද?
- (ii) දණ්ඩේ නිදහස් කෙළවරේ ආරම්භක රේඛීය ත්වරණය කුමක්ද?
- (iii) දණ්ඩේ එහි පහත්ම පිහිටුමට එළඹුණු විට එහි කෝණික ප්‍රවේගය කුමක්ද?
- (iv) එම පිහිටීමේදී A කෙළවරේ රේඛීය ප්‍රවේගය කුමක්ද?

(782) 2000 අගෝස්තු රටනා

(i) විවෘත අවකාශයක් තුළ තිරස් දිශාවක් ඔස්සේ v නියත ප්‍රවේගයෙන් සුළං හමා යයි. වාතයේ ඝනත්වය ρ ලෙස සලකා, චලනය වන වාත කඳක ඒකක පරිමාවක් සතු වාලක ශක්තිය (E) සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.

(ii) සුළං මෝලක භ්‍රමණය වන පෙති මගින්, සුළඟ රැගෙන යන වාලක ශක්තිය උසභා ගත හැකි අතර පසුව එම ශක්තිය ප්‍රයෝජනවත් ශක්තියක් බවට පරිවර්තනය කර ගත හැක. සුළං මෝලක පෙති භ්‍රමණය වන තලයට අභිලම්භ ව සුළඟ හමන අවස්ථාවක් සලකන්න. භ්‍රමණය වන පෙත්තක් මගින් කපා හරිනු ලබන ක්ෂේත්‍රඵලය A වේ. A හරස්කඩ ක්ෂේත්‍රඵලය හරහා හමන සුළගේ සම්පූර්ණ වාලක ශක්තියම පෙති මගින් ලබාගත හැකි යයි උපකල්පනය කර සුළගේ ශක්තිය සුළං මෝල විසින් ලබා ගන්නා සීඝ්‍රතාවය

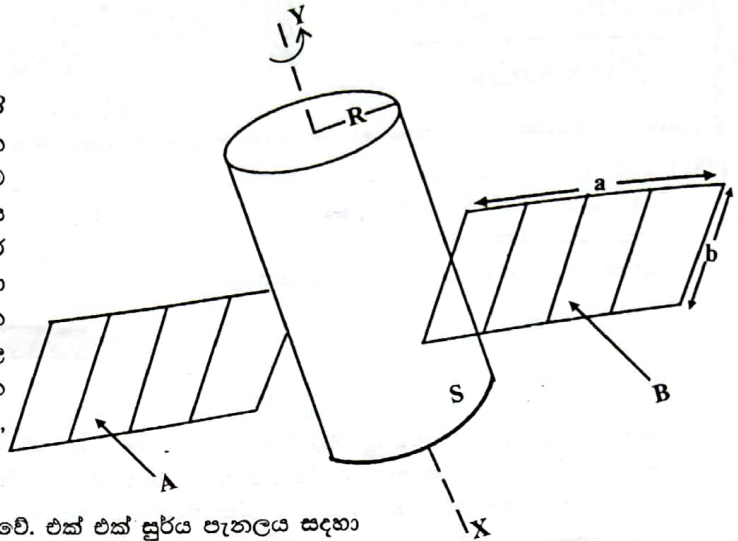
$$\frac{1}{2} \rho A v^3 \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

(iii) එක්තරා සුළං මෝලක් නිදහසේ කරකැවෙන අවස්ථාවක (එනම් එය ජල පොම්පයක් වැනි වෙනත් උපකරණයකට බද්ධ නො කර ඇති අවස්ථාවක) එහි පෙති මිනිත්තුවකට වට 30 ක නියත කෝණික වේගයක් සහිත ව භ්‍රමණය වෙමින් පවතී. එක් වරම සුළං හැමීම නැවතුන විට සර්ෂණ බල හේතු කොට ගෙන පෙති මිනිත්තු 2 ක කාලයකට පසුව නිශ්චලතාවට පැමිණේ. භ්‍රමණ අක්ෂය වටා භ්‍රමණ පෙති සහිත පද්ධතියේ අවස්ථිති සුර්ණය $10,000 \text{ kg m}^2$ නම් පද්ධතිය මත ක්‍රියාත්මක වන සර්ෂණ ව්‍යාවර්තයෙහි සාමාන්‍ය අගය ගණනය කරන්න.

(iv) ඒ නයින් සුළං මෝලේ පෙති මගින් සුළගේ ශක්තිය උසභා ගනු ලබන සීඝ්‍රතාවය ගණනය කරන්න.

(v) සුළගේ ප්‍රවේගය 10 ms^{-1} ද, පෙත්තක් මගින් කපාහරිනු ලබන ක්ෂේත්‍රඵලය 30 m^2 වාතයේ ඝනත්වය 1.3 kg m^{-3} ද නම් සුළං මෝල නිදහසේ කරකැවෙන අවස්ථාවේ දී සුළං මෝලේ කාර්යක්ෂමතාවය ගණනය කරන්න.

S සිලින්ඩරාකාර බඳක්ද, A සහ B සර්වසම සූර්ය පැනල දෙකක්ද සහිත චන්ද්‍රිකාවක් රූපයේ පෙන්වා ඇත. මෙම චන්ද්‍රිකාව ගුරුත්වාකර්ෂණය නොගිණිය හැකි අවකාශයේ ගමන් කරන අතර සිලින්ඩරයේ XY අක්ෂය වටා මිනිත්තුවකට වට 6 ක කෝණික ප්‍රවේගයකින් භ්‍රමණය වේ. සූර්ය පැනලවල තලය සිලින්ඩරයේ XY අක්ෂයට ලම්බක වේ. සිලින්ඩරයේ අරය $R = 0.4 \text{ m}$ ද, එහි XY



වටා අවස්ථිති සූර්යණය $I = 6 \text{ kg m}^2$ ද වේ. එක් එක් සූර්ය පැනලය සඳහා ස්කන්ධය $m = 2 \text{ kg}$,

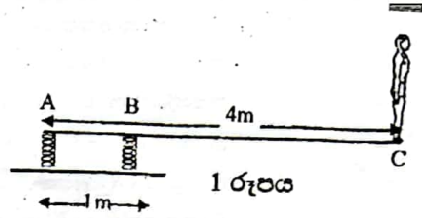
දිග $a = 1.2 \text{ m}$ සහ පළල $b = 0.6 \text{ m}$ වේ. xy වටා එක් එක් සූර්ය පැනලයේ අවස්ථිති සූර්යණය

$$\frac{m(a^2 + b^2)}{12} + m \left[R + \frac{a}{2} \right]^2$$
 මගින් දෙනු ලබයි.

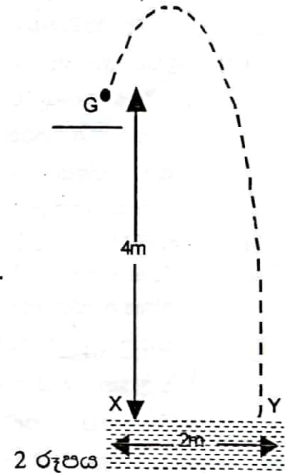
- (i) XY වටා චන්ද්‍රිකාවේ අවස්ථිති සූර්යණය ගණනය කරන්න.
- (ii) චන්ද්‍රිකාවේ භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය ගණනය කරන්න.
- (iii) එක් එක් සූර්ය පැනලයේ XY වටා නව අවස්ථිති සූර්යණය එහි පළමු අගයෙන් 1/4 වනසේ සූර්ය පැනල හකුලනු ලැබුවේ නම්, XY වටා චන්ද්‍රිකාවේ නව අවස්ථිති සූර්යණය සහ නව කෝණික ප්‍රවේගය ගණනය කරන්න.
- (iv) චන්ද්‍රිකාවේ භ්‍රමණය පාලනය කිරීම සඳහා XY අක්ෂය ඔස්සේ τ ව්‍යවචරතයක් චන්ද්‍රිකාව මත යෙදිය හැකි යන්ත්‍රණයක් ඇත. මෙම යන්ත්‍රණය මගින් චන්ද්‍රිකාවේ අවස්ථිති සූර්යණයෙහි වෙනසක් සිදු නොකරයි.
 - (a) මිනිත්තු 5 ක කාල සීමාවක් තුළ ඒකාකාර කෝණික මන්දනයක් පවත්වා ගැනීම මගින් චන්ද්‍රිකාවේ කෝණික ප්‍රවේගය, ඉහත (iii) හි ගණනය කළ අගයේ සිට එහි මුලින් පැවති අගය දක්වා අඩු කිරීමට අවශ්‍යවන කෝණික මන්දනයේ විශාලත්වය සහ ව්‍යවචරතය τ ගණනය කරන්න.
 - (b) චන්ද්‍රිකාවේ කෝණික ප්‍රවේගයේ අගය එහි මුල් අගයට ගෙන ඒම සඳහා අවශ්‍යවන ශක්තිය ගණනය කරන්න.

(784) 2008 අගෝස්තු රචනා

(a) ජල ක්‍රීඩාවේ යෙදෙන ස්කන්ධය 50 kg වූ කිමිදුම්කරුවෙක් (diver) නොසලකා හැරිය හැකි ස්කන්ධයක් සහිත දිග 4 m වූ AC තිරස් පුවරුවක C කෙළවරෙහි සිටගෙන සිටී. 1 රූපයේ පරිදි පුවරුව 1m ක පරතරයකින් ඇති A සහ B යන සිරස් දුනු දෙකකට සවිකර ඇත. දුනු මගින් A සහ B ලක්ෂ්‍යවල දී පුවරුව මත ක්‍රියාකරන බලවල විශාලත්වය සහ දිශාව සොයන්න.

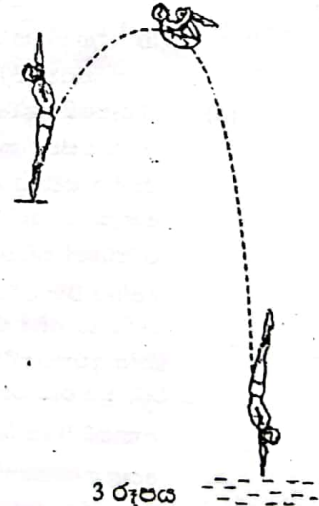


(b) කිමිදුම්කරුවා පැනීමක් සිදු කරයි. ක්‍රීඩකයාගේ G ගුරුත්ව කේන්ද්‍රයෙහි චලිතය සලකන්න. 2 රූපයෙහි පෙනෙන පරිදි තීන් ඉරකින් එහි පර්ව සලකුණු කර ඇත පැනීමේ ආරම්භ කරන මොහොතේ ජල පෘෂ්ඨයට 4 m ක් ඉහළින් පැවති ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය 2s තුළ දී පර්ව සම්පූර්ණ කළ පසු Y හි දී ජල පෘෂ්ඨයට ඇතුළු වේ. XY = 2m. (වාත ප්‍රතිරෝධය නොසලකා හරින්න.)



- (i) G හි ආරම්භක ප්‍රවේගයේ තිරස් සහ සිරස් සංරචක සොයන්න.
- (ii) ජල පෘෂ්ඨයේ සිට කිමිදුම්කරුවාගේ ගුරුත්ව කේන්ද්‍රයට ලබාගත හැකි උපරිම උස ගණනය කරන්න.
- (iii) චලිතයේ පර්වයේ ඉහළ ම ලක්ෂ්‍යයේ දී කිමිදුම්කරුවාගේ,
 - (1) උත්තාරණ වාලක ශක්තිය,
 - (2) ජල පෘෂ්ඨයට සාපේක්ෂව ගුරුත්වාකර්ෂණ විභව ශක්තිය ගණනය කරන්න.

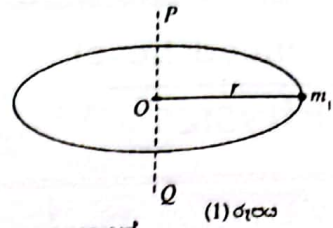
(c) කිමිදුම්කරුවා ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය G හරහා යන අක්ෂයක් (කඩදාසිය තුළට OP ලෙස ගන්න.) වටා භ්‍රමණ චලිතයක් ද සිදු කරයි. ඔහු ශරීරය හැකිලීමෙන් / දිගහැරීමෙන් ශරීරයේ අවස්ථිති සුර්ණය වෙනස් කිරීම මගින් ඔහුගේ භ්‍රමණ චලිතය පාලනය කරයි. චලිතයේ පළමු 0.25s සහ අවසාන 0.75s තුළ දී කිමිදුම්කරුවා ඔහුගේ ශරීරය සම්පූර්ණයෙන් ම දිග හැරෙන ලෙස ද ඉතිරි 1s කාල පරාසය තුළ දී සම්පූර්ණයෙන් හැකිලෙන ලෙස ද පවත්වා ගනී. 3 රූපය බලන්න. ($\pi = 3.0$ ලෙස ගන්න.)



- පළමු 0.25s තුළ දී OP වටා කිමිදුම්කරුවා තත්පරයට වට 0.5 ශීඝ්‍රතාවකින් භ්‍රමණය වේ.
- (i) පළමු 0.25s තුළ දී කිමිදුම්කරුවාගේ කෝණික වේගය (ω_1) සොයන්න. 2s සම්පූර්ණ කාල පරාසය තුළ දී ඔහු OP අක්ෂය වටා වට $2\frac{1}{2}$ කින් භ්‍රමණය වේ නම්,
 - (ii) කිමිදුම්කරුවා සම්පූර්ණයෙන් හැකිලී පවතින අවස්ථාවේ දී කෝණික වේගය (ω_2) සොයන්න.
 - (iii) කිමිදුම්කරුවා සම්පූර්ණයෙන් හැකිලී සිටින අවස්ථාවේ දී OP වටා අවස්ථිති සුර්ණය සොයන්න. කිමිදුම්කරුවා සම්පූර්ණයෙන් දිග හැරී සිටින අවස්ථාවේදී OP වටා අවස්ථිති සුර්ණය 20kgm^2 වේ.
 - (iv) කිමිදුම්කරුවා සම්පූර්ණයෙන් ම දිගහැරී සිටින අවස්ථාවේ දී ඔහුගේ ශරීරයේ භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය සොයන්න.

@nimal_hettiarachchi_23

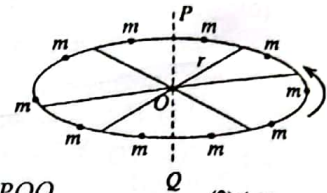
- (a) (1) රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි ස්කන්ධය නොසලකා හැරිය හැකි අරය r වූ ද තිරස් වළල්ලක ගැට්ටට ස්කන්ධය m_1 වූ අංශුවක් සවි කර ඇත. POQ යනු වළල්ලේ O කේන්ද්‍රය හරහා යන සිරස් අක්ෂයකි.



(1) රූපය

- (I) POQ සිරස් අක්ෂය වටා අංශුවෙහි අවස්ථිති ඝූර්ණය I_1 සඳහා ප්‍රකාශනයක් m_1 සහ r පද මගින් ලියන්න.
- (II) ස්කන්ධය m_2 වන තවත් අංශුවක් m_1 පිහිටන විෂ්කම්භයේ m_1 ට ප්‍රතිවිරුද්ධ ලක්ෂ්‍යයක දී වළල්ලේ ගැට්ටට සවි කර, පද්ධතිය POQ අක්ෂය වටා ω නියත කෝණික වේගයකින් භ්‍රමණය කරනු ලැබේ. I_2 යනු POQ අක්ෂය වටා m_2 ස්කන්ධයේ අවස්ථිති ඝූර්ණය නම්, පද්ධතියේ සම්පූර්ණ භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය (E) සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.
- (III) I_0 මගින් දක්වන්නේ POQ අක්ෂය වටා ඉහත (a) (ii) හි, දී ඇති පද්ධතියේ මුළු අවස්ථිති ඝූර්ණය නම්, (a) (ii) හි ලබාගත් ප්‍රකාශනය භාවිත කර $I_0 = I_1 + I_2$ බව පෙන්වන්න.

- (b) ඉහත m_1 සහ m_2 අංශු වෙනුවට දැන් එක් එකෙහි ස්කන්ධය m වූ සර්වසම අංශු 10 ක් සමාන පරතර ඇතිව වළල්ලෙහි ගැට්ටට සවි කර ඇත. POQ සිරස් අක්ෂය වටා එක් අංශුවක අවස්ථිති ඝූර්ණය I නම් එම අක්ෂය වටා පද්ධතියෙහි මුළු අවස්ථිති ඝූර්ණය (I_p) සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.

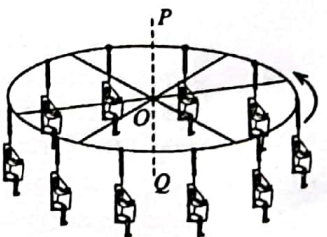


(2) රූපය

- (c) දැන් (2) රූපයෙහි දක්වා ඇති පරිදි ඉහත (b) හි විස්තර කරන ලද වළල්ල POQ සිරස් අක්ෂය සමග සම්පාත වන නොගිණිය හැකි අවස්ථිති ඝූර්ණයක් සහිත ඇක්සලයකට, ස්කන්ධය නොගිණිය හැකි සමමිතික ලෙස සවි කරන ලද ස්පෝන් කම්බි මගින් සවි කරනු ලැබේ. ඉන්පසු පද්ධතිය කාලය $t = 0$ දී නිශ්චලතාවයෙන් පටන් ගෙන POQ අක්ෂය වටා තිරස් තලයක α නියත කෝණික ත්වරණයකින් භ්‍රමණය වී ω නියත කෝණික වේගයකට ළඟා වේ.

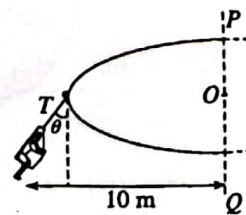
- (I) (1) පද්ධතියට ω නියත කෝණික වේගයට ළඟා වීම සඳහා ගත වන කාලය t සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලබා ගන්න.
- (2) පද්ධතිය ω නියත කෝණික වේගයට ළඟා වන විට, කොපමණ පරිභ්‍රමණ සංඛ්‍යාවක් සිදු කර තිබේද?
- (II) ω නියත කෝණික වේගයකින් POQ සිරස් අක්ෂය වටා භ්‍රමණය වන විට එක් අංශුවක් මත ක්‍රියා කරන (F) කේන්ද්‍ර අභිසාරී බලය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.

- (d) (3) රූපයේ දක්වා ඇති, නිශ්චලතාවේ පවතින මෙරිගෝ රවුමට ඉහත (c) හි විස්තර කරන ලද පද්ධතියෙහි ව්‍යුහයට සමාන ව්‍යුහයක් ඇත. එනමුදු සවිකර ඇති m ස්කන්ධ වෙනුවට මෙම පද්ධතියේ ඇත්තේ නොසලකා හැරිය හැකි ස්කන්ධයක් සහිත දම්වැල් වලින් එල්ලා ඇති පදින්නන් සහිත ආසන 10 කි. **පදින්නන් සහ ආසන රහිත ව** POQ අක්ෂය වටා මෙරිගෝ රවුමෙහි අවස්ථිති ඝූර්ණය 32000 kg m^2 වේ. මෙරිගෝ රවුම එහි සියලුම ආසන, පදින්නන්ගෙන් පිරී ඇති විට එය මිනිත්කුවකට පරිභ්‍රමණ 12 ක නියත කෝණික වේගයකින් POQ අක්ෂය වටා භ්‍රමණය වන අවස්ථාවක් සලකන්න. මෙරිගෝ රවුම භ්‍රමණය වන විට දම්වැල් සියල්ල ම සිරසට ආනතව ඊ කෝණයක් සාදන අතර, (4) රූපය මගින් එක් පදින්නකුට අදාළ ව එම අවස්ථාව පෙන්වා ඇත. අදාළ ගණනයන්හි දී $\pi = 3$ ලෙස ගන්න.



(3) රූපය

- (I) එක් එක් පදින්නාගේ ස්කන්ධය 70 kg ද එක් එක් ආසනයේ ස්කන්ධය 20 kg ද වේ නම්, POQ අක්ෂය වටා පද්ධතියෙහි මුළු අවස්ථිති ඝූර්ණය ගණනය කරන්න. පදින්නෙකුගෙන් සමන්විත ආසනයක අවස්ථිති ඝූර්ණය ගණනය කිරීමේ දී පුද්ගලයාගේ සහ ඔහුගේ ආසනයෙහි සම්පූර්ණ ස්කන්ධය POQ අක්ෂයෙහි සිට 10 m තිරස් දුරකින් ධාර්ද්‍ර වී ඇති බව උපකල්පනය කරන්න.



(4) රූපය

- (II) ඊහි අගය ගණනය කරන්න.
- (III) මුළු පද්ධතියෙහි භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය කුමක් ද?

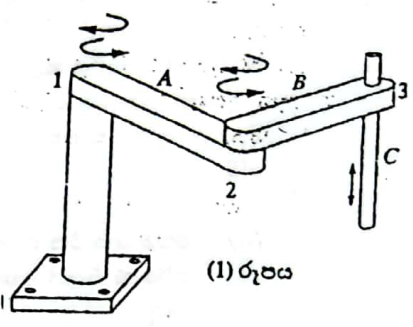


787 → 720

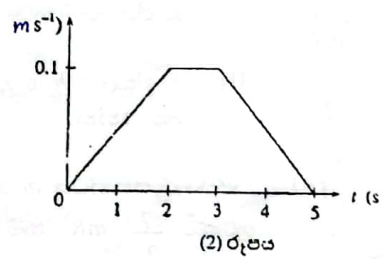
Test 08

(786) 2012 අගෝස්තු රචනා

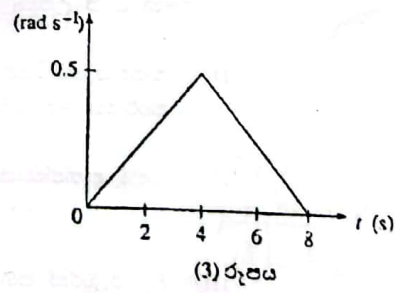
මෙම ප්‍රශ්නයේදී ඔබ (1) රූපයේ පෙන්වා ඇති රොබෝ අතක මූලික සංවලන කිහිපයක් අත්වේගණය කරනු ලැබේ. රොබෝ අතේ A සහ B කොටස්වලට 1 සහ 2 සන්ධි වටා දේශාවට්ම කිරස් තලවල භ්‍රමණය වීමේ හැකියාව ඇත. C කොටසට 3 සන්ධිය හරහා ඉහළ පහළ ගමන් කිරීමේ හැකියාව ඇත. සන්ධි තුනම ක්‍රියා කරවන්නේ විදුලි මෝටර මගිනි. එක වරකට ඉඩදෙනු ලබන්නේ එක් සන්ධියක් වටා හෝ හරහා චලිතයක් පමණක් බවත්, කිසිම සන්ධියක සර්ඡණය නොමැති බවත් උපකල්පනය කරන්න.



- (a) පළමුව, C කොටසේ, ඉහළ දිශාවට වන චලිතයක් සලකන්න. (2) රූපයේ ඇති ප්‍රවේග (v) - කාල (t) ප්‍රස්තාරයෙන් මෙම චලිතය විස්තර වේ. C කොටසේ ස්කන්ධය 0.1 kg වේ.
- (I) පළමු තත්පර 2 තුළදී C කොටසේ ත්වරණය ගණනය කරන්න.
 - (II) C මත ක්‍රියාකරන බල වන්නේ එහි බර සහ C හි චලිතය සඳහා මෝටරය මගින් යොදන බලයයි. පළමු තත්පර 2 තුළදී මෝටරය මගින් යොදන ලද බලය ගණනය කරන්න.
 - (III) අවසාන තත්පර 2 තුළදී මෝටරය මගින් C මත යොදන ලද බලයේ විශාලත්වය සහ දිශාව කුමක් ද?
 - (IV) මෝටරය මගින් C මත යෙදිය හැකි උපරිම බලයේ විශාලත්වය 1.2 N යැයි සිතන්න. C කොටස නිශ්චලතාවයෙන් පටන්ගෙන 0.5 s කිසිසේ මෙම උපරිම බලය යටතේ ඉහළට ගමන් කළහොත් එය කොපමණ දුරක් ගමන් කරයි ද?



- (b) මිලඟට, B කොටසේ (C කොටස ද සමඟ) 2 සන්ධිය වටා සිදුවන භ්‍රමණයක් සලකන්න. (3) රූපයේ කෝණික ප්‍රවේග (ω) - කාල (t) ප්‍රස්තාරයෙන් එම භ්‍රමණය පෙන්වයි. මෙම භ්‍රමණ චලිතය තුළ දී A කොටස නොසෙල්වෙන ලෙස තබා ඇතැයි උපකල්පනය කරන්න. B සහ C කොටස්වලින් යුත් සංයුක්ත පද්ධතියේ 2 සන්ධියේ අක්ෂය වටා ආවස්ථිති ඝූර්ණය 0.01 kg m^2 වේ.
- (I) ඉහත (3) වන රූපයේ පෙන්වා ඇති පළමු 4 s තුළදී B මත මෝටරය මගින් යොදන ලද ව්‍යාවර්තය ගණනය කරන්න.
 - (II) ඉහත (3) වන රූපයේ පෙන්වා ඇති 8 s කාලය තුළදී B හි කෝණික විස්ථාපනය ගණනය කරන්න.
 - (III) මෝටරය මගින් යෙදිය හැකි උපරිම ව්‍යාවර්තයේ විශාලත්වය 0.002 Nm වේ නම් නිශ්චලතාවයේ සිට පටන්ගෙන, රේඩියන් 3.2 ක කෝණික විස්ථාපනයකින් පසු නැවත නිශ්චලතාවයට පත් වීමට B ට ගතවන අවම කාලය කොපමණ ද?



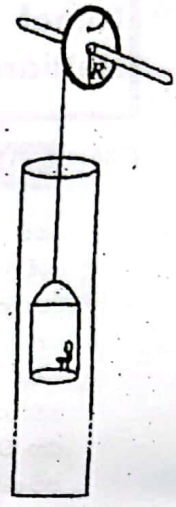
- (c) දැන් A කොටසට 1 සන්ධිය වටා නිදහසේ භ්‍රමණය වීමට ඉඩ සැලසුවහොත්, B නිශ්චලතාවයෙන් පටන් ගෙන 2 සන්ධිය වටා දක්ෂිණාවර්තව භ්‍රමණය වන විට A භ්‍රමණය වන්නේ කුමන දිශාවකට ද? ඔබේ පිළිතුරට හේතු දෙන්න.



H.W

(787) 2011 අගෝස්තු රටන

පොළොව යට ආකරයක සිරවී සිටින පුද්ගලයකු බේරාගැනීම සඳහා රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි සිරස් තලයක් තුළ නිදහසේ ගමන් කළ හැකි කැප්සුලයක් භාවිත කළ හැක. එක කෙළවරක් අරය R වූ කප්පියකට සවිකර කප්පිය වටා එතු කම්බියක් කැප්සුලය එල්ලීම සඳහා භාවිත කර ඇත. කම්බියේ ස්කන්ධය සහ කම්බිය සහ කප්පිය අතර සර්ඡණ බලය නොසලකා හැරිය හැකි බව උපකල්පනය කරන්න. කප්පියට තිරස් ඇත්සලයක් වටා නිදහසේ භ්‍රමණය විය හැක. පහත සඳහන් ප්‍රශ්න සඳහා පිළිතුරු වල අඩංගු විය යුත්තේ දී ඇති අදාළ සංකේත වලින් හඳුන්වා ඇති රාශි මගින් පමණි. (g = ගුරුත්වාකර්ෂණ ත්වරණය)



- (a) මෙම කොටස සඳහා කප්පියෙහි ස්කන්ධය සහ කප්පියේ භ්‍රමණ වලිතයට විරුද්ධව සර්ඡණ බලය නොසලකා හැරිය හැකි බව උපකල්පනය කරන්න.
- (I) මුළු ස්කන්ධය M වූ කැප්සුලය නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හැරියේ නම් ශක්ති සංස්ථිති නියමය භාවිතයෙන් එය h ගැඹුරක් පහළට ගමන් කළ පසු කැප්සුලයේ වේගය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලබා ගන්න.
- (II) කැප්සුලය h ගැඹුරක් පහළට ගමන් කළ පසු කප්පියේ කෝණික වේගය සොයන්න.
- (b) කප්පියේ ස්කන්ධය m නොසලකා හැරිය නොහැකි නම් සහ භ්‍රමණ අක්ෂය වටා කප්පියේ අවස්ථිති සූර්ණය $\frac{1}{2} mR^2$ නම් සර්ඡණ බල නොසලකා (a) (i) සහ (a) (ii) කොටස්වලට නැවත පිළිතුරු සපයන්න.
- (c) ප්‍රායෝගික අවස්ථා යටතේ m ස්කන්ධය සහ භ්‍රමණ වලිතයට විරුද්ධව සර්ඡණය නොසලකා හැරිය නොහැක. සර්ඡණය මගින් කප්පියෙහි භ්‍රමණ වලිතයට විරුද්ධව නියත (τ_1) සර්ඡණ ව්‍යාවර්තයක් ඇති කරන්නේ යැයි උපකල්පනය කරන්න.
- (I) කප්පිය රේඛීයත θ_0 කෝණයකින් භ්‍රමණය වූ පසු සර්ඡණ ව්‍යාවර්තයට (τ_1) විරුද්ධව කරන ලද කාර්යය කොපමණ ද?
- (II) මෙම තත්ව යටතේ (a) (i) සහ (a) (ii) කොටස්වලට පිළිතුරු සපයන්න.
- (III) h_0 ගැඹුරක් පහළට ගමන් කිරීමෙන් පසුව කැප්සුලය නළයේ පතුළට ළඟා වී නවතී. එනමුත් කප්පිය සර්ඡණ ව්‍යාවර්තයට විරුද්ධව භ්‍රමණය වෙමින් පවතී. කැප්සුලය නැවතුන පසු තවදුරටත් කප්පිය කොපමණ වට ගණනක් (n) භ්‍රමණය වන්නේ දැයි ශක්ති සංස්ථිති නියමය භාවිතයෙන් සොයන්න.
- (d) කැප්සුලය නළයේ පතුළේ ඇතිවිට ස්කන්ධය m_0 වූ පුද්ගලයෙක් එය තුළට ඇතුළු වේ. කැප්සුලය ඉහළට එසවෙමින් පවතින විට කප්පිය නියත කෝණික වේගයකින් භ්‍රමණය වීමට නම් කප්පිය මත යෙදිය යුතු බාහිර ව්‍යාවර්තය (τ_2) සොයන්න. මේ සඳහා (c) කොටසේ දී ඇති තත්වයන් උපකල්පනය කරන්න.

@nimal_hettiarachchi_23



2014 අගෝස්තු රටන

(788) (a)

පුද්ගලයෙකු ඇවිදින විට පියවර මාරු කිරීමේ දී, එක් අවස්ථාවක දී, පුද්ගලයාගේ මුළු ශරීර බරම (1) රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි එක් පාදයක් මගින් පමණක් දරා ගනී. මෙම පාදයේ අදාළ අස්ථි ව්‍යුහයේ ඉදිරිපස පෙනුම (2) රූපයේ පෙන්වා ඇති අතර, අනුරූප පාදය මත ක්‍රියා කරන සියලු ම බල දැක්වෙන සරල කරන ලද නිදහස් බල සටහන (3) රූපයේ දැක්වේ. (3) රූපයේ දක්වා ඇති සියලු ම බල සහ ශරීරයේ බර එක ම සිරස් තලයක ක්‍රියා කරන අතර මෙම අවස්ථාව සඳහා පාදය සහ පොළොව අතර සර්ඡණ බලය නොසලකා හැරිය හැකිය.



(1) රූපය

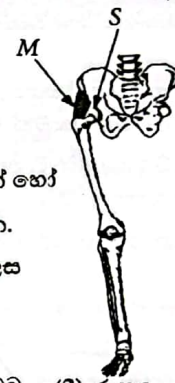
මෙහි, $F_M = M$ ජේශී සමූහය මගින් පාදය මත ඇති කරන සම්ප්‍රයුක්ත බලය

$F_S =$ උකුළු කුහරය (S) මගින් පාදය මත යෙදෙන බලය

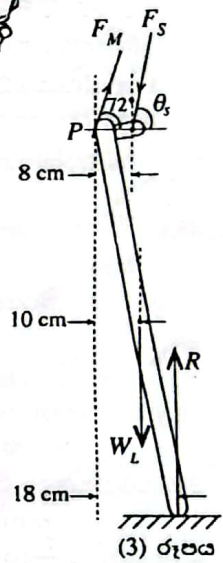
$W_L =$ පාදයේ බර

$R =$ පොළොව මගින් පාදය මත ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියා බලය

- (i) පුද්ගලයාගේ බර W නම්, R ප්‍රතික්‍රියා බලය, W ඇසුරෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.
- (ii) සාමාන්‍යයෙන් $W_L = 0.2W$ වේ. P ලක්ෂ්‍යය වටා සුර්ණ ගැනීමෙන් හෝ වෙනත් ක්‍රමයකින්, F_S , θ_S සහ W අතර සම්බන්ධතාවක් ලබා ගන්න.
- (iii) W ඇසුරෙන් F_M සොයන්න. ($\sin 72^\circ = 0.9$ සහ $\cos 72^\circ = 0.3$ ලෙස ගන්න.)
- (iv) θ_S හි අගය සොයන්න.
- (v) W ඇසුරෙන් F_S සොයන්න. (මෙම ගණනය සඳහා පමණක් ඔබට $\sin \theta_S = 1$ ලෙස ගත හැකිය.)



(2) රූපය



(3) රූපය

(b)

උකුළු සන්ධියක් ආබාධයකට ලක්වී ඇති පුද්ගලයෙකු ඇවිදින විට ඔහු ආබාධිත සන්ධියට සම්බන්ධ පාදය මත සිට ගැනීමේ දී ආබාධය සහිත පැත්තට ඇල වී කොර ගැසීමට පෙළඹේ. [(4) රූපය බලන්න]. එහි ප්‍රතිඵලයක් ලෙස ශරීරයේ ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය ආබාධිත උකුළු සන්ධිය පැත්තට විස්ථාපනය වන අතර F_M සිරස් ව ඉහළ දිශාවට ක්‍රියා කරයි. මෙම අවස්ථාවේ දී පාදය සඳහා නිදහස් බල සටහන (5) රූපයේ පෙන්වන අතර F_M සහ F'_S ධන අදාළ බල පිළිවෙලින් F'_M සහ F'_S ලෙස දක්වා ඇත.

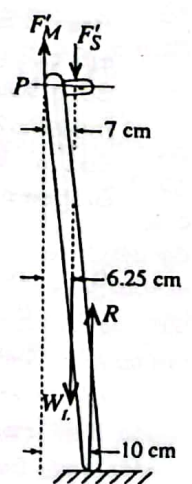


(4) රූපය

- (i) මෙම අවස්ථාව සඳහා F'_S බලය W ඇසුරෙන් සොයන්න.
- (ii) ඉහත (b) හි දී විස්තර කෙරෙන හේතුව නිසා පුද්ගලයාගේ කොර ගැසීමේ ප්‍රතිඵලයක් ලෙස F_S බලයේ විශාලත්වයේ සිදුවන අඩුවීම ප්‍රතිශතයක් ලෙස ගණනය කරන්න.

(c)

ඇවිදීමේ ක්‍රියාවලියේ දී එක් පාදයක් පොළොව මත නිසල ව පවතින අතරතුර දී අනෙක් පාදය උකුළු සන්ධිය වටා චලනය වේ. මෙම චලිතය (6) රූපයේ දැක්වෙන ආකාරයට එක් කෙළවරක දී නිදහස් අස්ථි කරන ලද දණ්ඩක සිදුවන දෝලන චලිතයක් ලෙස සැලකිය හැකිය. මෙහි දී පාදය l දිගකින් යුත් ඒකාකාර දණ්ඩක් ලෙසට සලකනු ලැබේ.



(5) රූපය

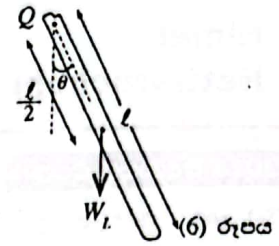
- (i) Q ලක්ෂ්‍යය හරහා භ්‍රමණ අක්ෂය වටා දණ්ඩේ ආවස්ථිති සුර්ණය I නම් (6) රූපයේ දැක්වෙන පිහිටීමේ දී දණ්ඩේ කෝණික ත්වරණය α සඳහා ප්‍රකාශනයක් l, θ, W_L සහ I ඇසුරෙන් ලබා ගන්න.



(ii) දණ්ඩේ දෝලන කලාවර්තය T යන්න $T = 2\pi \sqrt{\frac{\theta}{\alpha}}$ මගින් ලබාගත

හැකි අතර I දිගැති ඒකාකාර දණ්ඩක් සඳහා $T = 2\pi \sqrt{\frac{2l}{3g}}$ බව

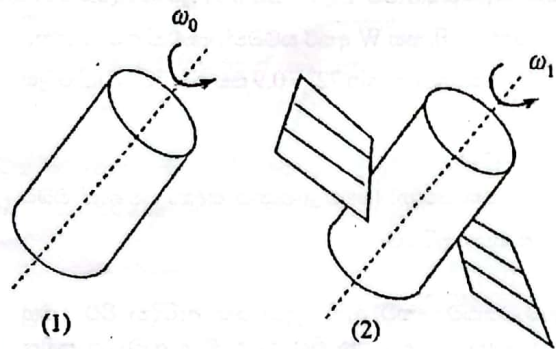
පෙන්විය හැකිය. පාදයක දිග 0.9 m වන පුද්ගලයකුට අනුරූප T හි අගය ගණනය කරන්න. $\pi = 3$ සහ $\sqrt{0.06} = 0.25$ ලෙස ගන්න.



(iii) පුද්ගලයෙකුට ඇවිදීම සඳහා ඉතා ම පහසු වේගය වන්නේ පාදවල දෝලන කලාවර්තය ඉහත c(ii) හි ලබාගත් දෝලන කලාවර්තයට සමාන වූ විට ලැබෙන වේගය වේ. 0.9 m ක දිගකින් යුත් පාද සහිත පුද්ගලයකු ඇවිදින විට ඔහුගේ එක් පාදයක් පොළොව ස්පර්ශ කරන අනුයාත ස්ථාන දෙකක් අතර දුර 0.9 m වේ. ඔහුට අදාළ වඩාත් ම පහසු වේගය ගණනය කරන්න.

(789) 2012 අගෝස්තු බහුවර්ණ

I , අවස්ථිති සූර්ණයක් සහිත, ω , කෝණික වේගයකින් එහි අක්ෂය වටා (1) රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි භ්‍රමණය වන සිලින්ඩරාකාර වස්තුවකට (2) රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි සූර්ණ L දෙකක් විවෘත කරයි. පද්ධතියේ නව කෝණික වේගය ω , බවට පත් වේ. දැන් එහි අක්ෂය වටා τ ව්‍යාවර්තයක් යෙදුවහොත් කෝණික ත්වරණය කුමක් වේද?



- (1) $\frac{\tau}{I}$ (2) $\frac{\omega \cdot I}{I \cdot \omega}$ (3) $\frac{I \cdot \omega}{\omega \cdot I}$ (4) $\frac{\omega \cdot I}{I \cdot \omega}$ (5) $\frac{I \cdot \omega}{\omega \cdot I}$

(790) 2012 අගෝස්තු බහුවර්ණ

නිදහසේ කරකැවිය හැකි පුටුවක වාඩි වී සිටිනා ශිෂ්‍යයෙක් රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි භ්‍රමණය වෙමින් පවතින රෝදයක් එහි අක්ෂ දණ්ඩෙන් අල්ලාගෙන සිටී. ආරම්භයේදී ශිෂ්‍යයා සහ පුටුව නිශ්චලව ඇති අතර රෝදය තිරස් තලයක වාමාවර්ත දිශාවට L කෝණික ගම්‍යතාවක් සහිතව භ්‍රමණය වෙමින් පවතී. ශිෂ්‍යයා, කරකැවෙන රෝදය එක් වරම උඩු යටිකුරු වන ආකාරයට හැරවුවහොත්,



- (1) රෝදය භ්‍රමණය වීම නවතී.
- (2) ශිෂ්‍යයා සහ පුටුව L කෝණික ගම්‍යතාවක් සහිතව වාමාවර්ත දිශාවට කරකැවීමට පටන් ගනී.
- (3) ශිෂ්‍යයා සහ පුටුව L කෝණික ගම්‍යතාවක් සහිතව දක්ෂිණාවර්ත දිශාවට කරකැවීමට පටන් ගනී.
- (4) ශිෂ්‍යයා සහ පුටුව $2L$ කෝණික ගම්‍යතාවක් සහිතව වාමාවර්ත දිශාවට කරකැවීමට පටන් ගනී.
- (5) ශිෂ්‍යයා සහ පුටුව $2L$ කෝණික ගම්‍යතාවක් සහිතව දක්ෂිණාවර්ත දිශාවට කරකැවීමට පටන් ගනී.

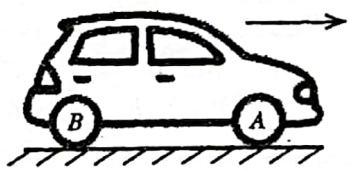


(791) **2020 අගෝස්තු රචනා**

- (a) ස්කන්ධය M වූ ඒකාකාර කුට්ටියක් ආරම්භයේ දී රළු තිරස් තලයක් මත නිශ්චලව ඇත. පසුව ඉන්‍යයේ සිට ක්‍රමයෙන් වැඩිකරනු ලබන තිරස් බලයක් (P) කුට්ටිය මත යොදනු ලැබේ. සර්ඡණ බලය F ලෙස සලකන්න.
- (i) ඉහත අවස්ථාව සඳහා කුට්ටියේ නිදහස් - වස්තු රූප සටහනක් ඇඳ සියලුම බල නම් කරන්න.
 - (ii) ආරම්භක අවස්ථාවේ සිට කුට්ටිය ත්වරණයෙන් ගමන් ගන්නා අවස්ථාව තෙක් P ට එදිරිව F ප්‍රස්තාරයේ දළ සටහනක් අඳින්න. සීමාකාරී සර්ඡණ බලය (F_L) සහ ගතික සර්ඡණ බලය (F_D) එම ප්‍රස්තාරයේ ලකුණු කරන්න.

(iii) සීමාකාරී සර්ඡණ සංගුණකය μ_L සහ ගතික සර්ඡණ සංගුණකය μ_D සඳහා ප්‍රකාශන ලියන්න.

(b) පෙර - රෝද එළැවුම් (front - wheel drive) මෝටර් රථවල එන්ජිම ඇත්සල මගින් පෙර - රෝද දෙකට සම්බන්ධ කර ධාවනය කරවයි. සෘජු තිරස් රළු තාර පාරක ධාවනය වන, රූපයේ පෙන්වා ඇති පෙර - රෝද එළැවුම් මෝටර් රථයක් සලකන්න. වයර සහ තාර පාර අතර සර්ඡණ සංගුණකය පිළිවෙලින් $\mu_L = 0.8$ හා $\mu_D = 0.5$ වේ. වෙනත් ආකාරයකින් සඳහන් කර නොමැති නම් පමණක් පහත ගැටලු විසඳීමේ දී ධාවනය වන මෝටර් රථය මත ඇතිවන සීමාකාරී හෝ ගතික සර්ඡණ බල පමණක් සලකන්න.

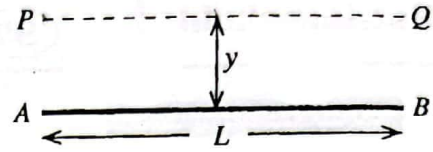


- (i) මෝටර් රථය තිරස් සෘජු රළු මාර්ගයක ත්වරණයෙන් ගමන් ගන්නා අවස්ථාව රූපයේ පෙන්වා ඇත. A සහ B රෝද මත පිළිතුරු පත්‍රයේ පිටපත් කර සර්ඡණය නිසා ඉදිරිපස රෝදයක් (A) මත බලය F_A ලෙස ද, පසුපස රෝදයක් (B) මත බලය F_B ලෙස ද ලකුණු කරන්න. එසේම ත්වරණය වන විට F_A හා F_B විශාලත්ව සසඳන්න.
- (ii) රියදුරු සමඟ පෙර - රෝද එළැවුම් මෝටර් රථයේ ස්කන්ධය 1200 kg ද, එහි බර රෝද හතර මත සමානව බෙදෙන බව ද සලකන්න. මෙහිදී ක්‍රියාත්මක වන සර්ඡණ සංගුණකය නිවැරදිව හඳුනා ගෙන තිරස් සෘජු පාරේදී මෝටර් රථයේ උපරිම ආරම්භක එළැවුම් බලය ගණනය කරන්න.
- (iii) මෝටර් රථය තිරස් සෘජු පාරේ 72 kmh^{-1} ඒකාකාර ප්‍රවේගයෙන් ගමන් ගන්නා විට වලිතයට එරෙහිව මුළු ප්‍රතිරෝධී බලය 520 N වේ. එම ප්‍රවේගයේ දී මෝටර් රථයේ ජවය (ක්ෂමතාව) සොයන්න.
- (iv) පසුව මෝටර් රථයට තිරසට 12° වූ ආනත නැගීමක් සහිත මාර්ගයක ඉහත (b) (iii) හි ජවයෙන්ම ඉහළට ගමන් කරයි. මෙහිදී වලිතයට එරෙහිව මුළු ප්‍රතිරෝධී බලය 200 N නම් රථය ඉහළට ගමන් කරන උපරිම ප්‍රවේගය සොයන්න. $\sin(12^\circ) = 0.2$ ලෙස ගන්න.
- (v) (I) මෝටර් රථය නැවත තිරස් සෘජු මාර්ගයේ 72 km h^{-1} ක ඒකාකාර ප්‍රවේගයෙන් ගමන් කරන විට 35 m ක් ඉදිරියේ ඇති බාධකයක් රියදුරු හදිසියේම දුටුවේය. ඔහු ක්ෂණිකව කිරිංග පැඩලය පෑගු විට, රෝද හතර අගුළු වැටී, වයර පෙරළීමකින් තොරව ලිස්සන ලදී. මෙහිදී ක්‍රියාත්මක වන සර්ඡණ සංගුණකය නිවැරදිව හඳුනා ගෙන අදාළ හේතු සහ ගණනය කිරීම් දෙමින්, මෝටර් රථයේ බාධකයේ ගැටේ ද නොගැටේ ද යන්න සඳහන් කරන්න. කිරිංග තද කිරීමට පෙර රියදුරුගේ ප්‍රතික්‍රියා කාලය නොසලකා හරින්න.
- (II) කිරිංග යෙදීමේ දී වයර ලිස්සීම සිදුවුවහොත් මෝටර් රථය පාලනයෙන් තොරව සෘජු රේඛාවක වැඩි දුරක් වලනය වීම නිසා අනතුරු සිදුවිය හැක. වයර ලිස්සීම වැළැක්වීමට මෝටර් රථවල ප්‍රති අගුළු කිරිංග පද්ධතියක් (Anti-lock Braking System - ABS) යොදනු ලැබේ. වයර ලිස්සීම ආරම්භ වන විට එමඟින් ස්වයංක්‍රීයව කිරිංග නිදහස් කර වයර නැවත පෙරළීමට ඉඩ සලසයි. මෙම ක්‍රියාව තත්පරයකට කිහිපවතාවක් සිදුවන අතර, එනිසා ඇතිවන සඵල සර්ඡණ සංගුණකය, සීමාකාරී සර්ඡණ සංගුණකයට ආසන්න අගයක් ගනී. මෝටර් රථයට ABS පද්ධතියක් යෙදවීමට සඵල සර්ඡණ සංගුණකය 0.75 ක් වේ. ඉහත (b) (v) (I) හි සඳහන් අවස්ථාව සඳහා ABS පද්ධතිය යෙදූ මෝටර් රථයේ නව නැවතුම් දුර ගණනය කරන්න.
- (vi) පසුව මෝටර් රථය වක්‍රතා අරය 18 m වූ තිරස් වෘත්තාකාර මාර්ගයකට පිවිසෙයි. මෙහිදී සර්ඡණ සංගුණක ඉහත (b) හි අගයන්ම වේ නම්, මෝටර් රථය ලිස්සීමකින් තොරව ආරක්ෂාකාරීව ධාවනය කළ හැකි උපරිම ප්‍රවේගය සොයන්න.



(792) 2020 අගෝස්තු ධනුවරණ

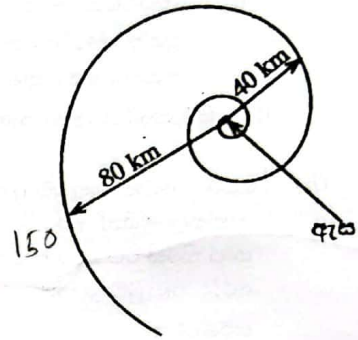
දිග L සහ ස්කන්ධය M වන තුනී ඒකාකාර AB දණ්ඩක් රූපයේ පෙන්වයි. දණ්ඩට සමාන්තරව y දුරකින් පිහිටා ඇති PQ අක්ෂය වටා දණ්ඩේ අවස්ථිති සුරැණය වන්නේ,



- (1) My^2 (2) $M(L^2 + y^2)$
 (3) $\frac{1}{2} ML^2$ (4) $\frac{1}{2} M(L^2 + y^2)$
 (5) ඉන්‍යය ය.

(793) 2019 අගෝස්තු ධනුවරණ

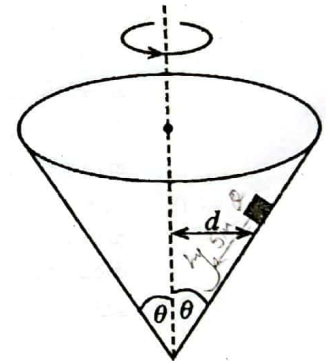
රූපයේ දැක්වෙන පරිදි සුළි කුණාටුවක ඇති වායු ස්කන්ධයක් එහි ඇස වටා සර්පිලාකාර පථයක චලිත වේ. ඇසේ කේන්ද්‍රයේ සිට 80 km අරීය දුරක දී වායු ස්කන්ධයේ ප්‍රවේගය 150 km h^{-1} වේ. ඇසේ කේන්ද්‍රයේ සිට 40 km අරීය දුරක දී එම වායු ස්කන්ධයේ ප්‍රවේගය විය හැක්කේ කුමක් ද?



- (1) 75 km h^{-1} (2) 150 km h^{-1} (3) $150\sqrt{2} \text{ km h}^{-1}$
 (4) 300 km h^{-1} (5) 450 km h^{-1}

(794) 2019 අගෝස්තු ධනුවරණ

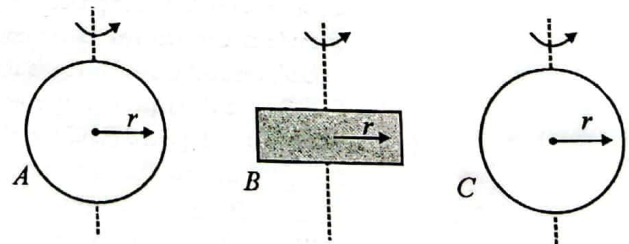
රූපයේ දක්වා ඇති පරිදි අක්ෂය සිරස්ව සහ ශීර්ෂය පහළින් ඇති සෘජු වෘත්තාකාර කේතුවක් තුළ කුඩා වස්තුවක් තබා ඇත. කේතුවේ අභ්‍යන්තර පෘෂ්ඨය සහ වස්තුව අතර ස්ථිතික සර්ෂණ සංගුණකය μ වේ. වස්තුව කේතුවේ අභ්‍යන්තර පෘෂ්ඨය මත ලිස්සා නොයන පරිදි අක්ෂයේ සිට d දුරක තබා ගනිමින් කේතුවට අක්ෂය වටා භ්‍රමණය විය හැකි උපරිම කෝණික ප්‍රවේගය කුමක් ද?



- (1) $\sqrt{\frac{g(\cos\theta - \mu\sin\theta)}{d(\sin\theta + \mu\cos\theta)}}$ (2) $\sqrt{\frac{g(\cos\theta - \mu\sin\theta)}{d(\sin\theta + \mu\cos\theta)}}$
 (3) $\sqrt{\frac{g(\cos\theta + \mu\sin\theta)}{d(\sin\theta - \mu\cos\theta)}}$ (4) $\sqrt{\frac{g(\sin\theta + \mu\cos\theta)}{d(\cos\theta - \mu\sin\theta)}}$
 (5) $\sqrt{\frac{g}{d \tan\theta}}$

(795) 2018 අගෝස්තු ධනුවරණ

ස්කන්ධ සර්වසම වූ A , B සහ C යන ඒකාකාර වස්තු තුනක සිරස් හරස්කඩවල රූපයේ දක්වේ. A යනු අරය r වූ ඝන ගෝලයකි. C යනු අරය r වූ තුනී බිත්ති සහිත කුහර ගෝලයකි. ගෝල ඒවායේ අදාළ කේන්ද්‍ර හරහා යන සිරස් අක්ෂ වටා

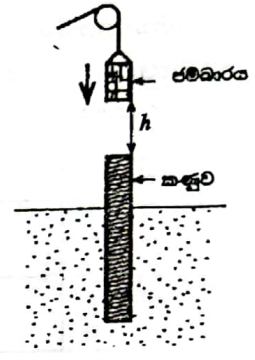


භ්‍රමණය කළ හැකිය. B යනු අරය r වූ තැටියක් වන අතර එය තැටියේ කේන්ද්‍රය හරහා යන තැටියේ තලයට ලම්බක අක්ෂයක් වටා භ්‍රමණය කළ හැකිය. සියලුම රූප වකම් පරිමාණයට ඇඳ ඇත. A , B සහ C වස්තුවලට, සමාන කෝණික වේගයන් අත්කර දීමට ලබාදිය යුතු භ්‍රමණ වාලක ශක්තීන් පිළිවෙළින් KE_A , KE_B සහ KE_C නම්, පහත ප්‍රකාශන වලින් කුමක් සත්‍ය වේද?

- (1) $KE_A < KE_B < KE_C$ (2) $KE_C < KE_A < KE_B$ (3) $KE_C < KE_B < KE_A$
 (4) $KE_A < KE_C < KE_B$ (5) $KE_A = KE_B = KE_C$

(796) 2017 අගෝස්තු රචනා

'ජම්බාරයක්' යනු ගොඩනැගිලි සහ වෙනත් ව්‍යුහයන්ගේ අත්තිකාරම් සඳහා ටැම් ලෙස හඳුන්වන කණු පෙළොව තුළට ගිල්වීමට යොදා ගන්නා අධික භාරයකි. (1) රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, කේබලයක් මගින් ජම්බාරය ඉහළට ඔසවා අනතුරිය විට එය ගුරුත්වය යටතේ නිදහසේ වැටී කණුවේ මුදුනේ ගැටේ. කණුව යෝග්‍ය ගැඹුරක් පොළොව තුළට තල්ලු වන තෙක් මෙම ක්‍රියාවලිය නැවත නැවත සිදු කෙරේ.



(1) රූපය

(a) ස්කන්ධය $M = 800 \text{ kg}$ වූ ජම්බාරයක් ඉහළට ඔසවා ඉන් පසු ස්කන්ධය $m = 2400 \text{ kg}$ වූ සිලින්ඩරාකාර සිරස් කණුවක් මතට $h = 5 \text{ m}$ උසක සිට නිශ්චලතාවයෙන් වැටෙන අවස්ථාවක් සලකන්න.

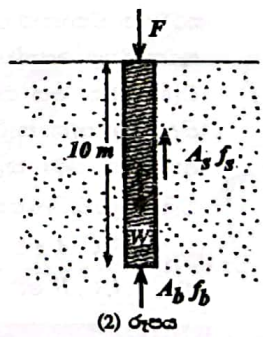
- (I) ජම්බාරය වැටීමෙන් පවතින විට සිදු වන ශක්ති පරිවර්තනය සඳහන් කරන්න.
- (II) ගැටුමට මොහොතකට පෙර ජම්බාරයේ වේගය ගණනය කරන්න.
- (III) ගැටුමට මොහොතකට පෙර ජම්බාරයේ ගම්‍යතාවයේ විශාලත්වය ගණනය කරන්න.

(b) කණුවේ මුදුන සමඟ ගැටීමෙන් පසු ජම්බාරය පොළොව නොපතින අතර ඒ වෙනුවට එය තවදුරටත් කණුව සමඟ ස්පර්ශව කණුව පොළොව තුළට සිරස් ව එළවේ යැයි උපකල්පනය කරන්න. ගැටුම සිදු වී මොහොතකට පසු පද්ධතියේ ගම්‍යතාව පමණක් සංස්ථිතික වේ යැයි ද උපකල්පනය කරන්න. පහත සඳහන් දෑ ගණනය කරන්න.

- (I) ගැටුමෙන් මොහොතකට පසු ජම්බාරය සමඟ කණුවේ වේගය
- (II) ගැටුමෙන් මොහොතකට පසු ජම්බාරය සමඟ කණුවේ චාලක ශක්තිය
- (III) එක් එක් ගැටුමේ දී (b) (ii) හි ගණනය කරන ලද ශක්තියෙන් 40% ක් කණුව පෙළොව තුළට ගමන් කරයි නම්, කණුව මත ක්‍රියා කරන ප්‍රතිරෝධ බලයෙහි සාමාන්‍යය ගණනය කරන්න.

0.2 m
1

(c) (2) රූපයේ පෙන්වා ඇති ආකාරයට උස 10 m සහ අරය 0.3 m වූ ඒකාකාර සිලින්ඩරාකාර ලී කණුවක් සම්පූර්ණයෙන් ම වැලි පසක් තුළට තල්ලු කර ඇති අවස්ථාවක් සලකන්න. කණුව (2) රූපයේ පෙන්වා ඇති අවස්ථාවේ තබා ගැනීමේ දී එයට දැරිය හැකි උපරිම භාරය F ,

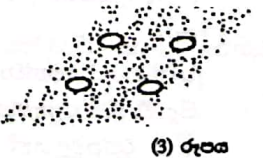


(2) රූපය

$F = A_s f_s + A_b f_b - W$ ලෙස ලිවිය හැකි ය. මෙහි W යනු කණුවේ බර ද A_s යනු පස සමඟ ස්පර්ශ වී ඇති කණුවේ චක්‍ර පෘෂ්ඨයේ වර්ගඵලය ද f_s යනු කණුවේ චක්‍ර පෘෂ්ඨයේ ඒකක වර්ගඵලයකට ඇති ප්‍රතිරෝධ බලයෙහි සාමාන්‍යය ද A_b යනු කණුවේ පාදමේ හරස්කඩ වර්ගඵලය ද f_b යනු පොළොවෙන් කණුවේ පාදමෙහි ඒකක වර්ගඵලයක් මත ඇති කරන ප්‍රතිරෝධ බලයෙහි සාමාන්‍යය ද වේ.

$f_s = 5 \times 10^4 \text{ Nm}^{-2}$, $f_b = 2 \times 10^6 \text{ Nm}^{-2}$ සහ ලීවල ඝනත්වය $8 \times 10^2 \text{ kg m}^{-3}$ ද නම්, කණුව සඳහා F හි අගය ගණනය කරන්න. π හි අගය 3 ලෙස ගන්න.

(d) එක් එක් (c) හි භාවිත කළ කණුවට සමාන එහෙත් (c) හි භාවිත කළ කණුවේ අරයෙන් අර්ධයකට සමාන අරය ඇති කණු හතරක පද්ධතියක් වැලි පසක් තුළට සම්පූර්ණයෙන් ම තල්ලු කර ඇත. මෙය ඉහළින් බැලූ විට පෙනෙන ආකාරය (3) රූපයේ පෙන්වා ඇත.



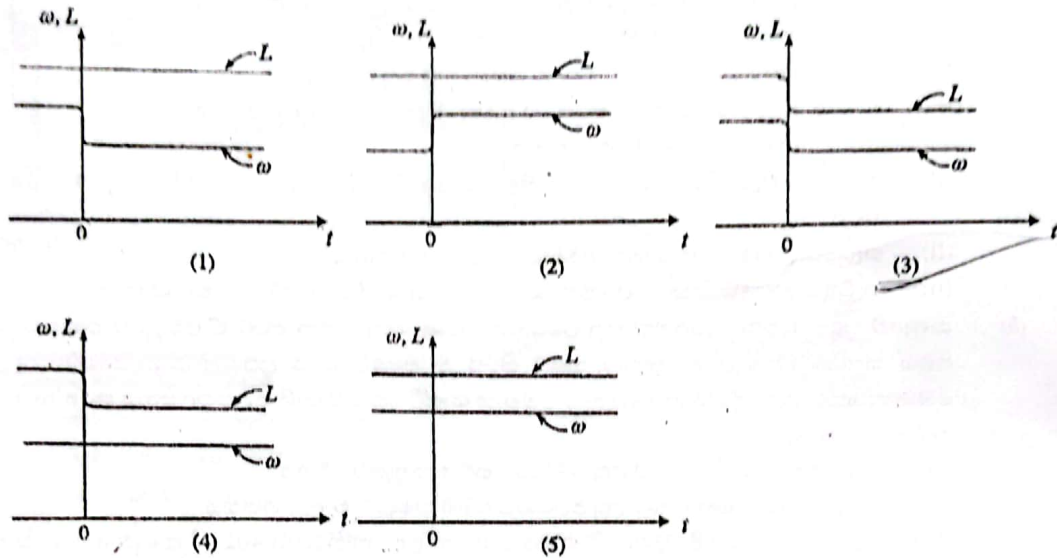
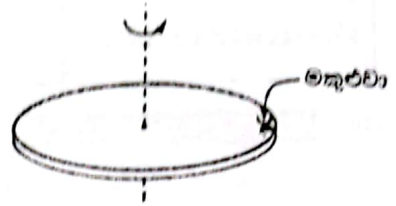
(3) රූපය

- (I) ඉහත (c) හි දී ඇති පරිදි F ට $A_s f_s$, $A_b f_b$ සහ W වශයෙන් සංරචක තුනක් ඇත. මෙම කණු හතරේ පද්ධතිය, ඉදිකිරීමකට යොදා ගත් විට, ඉහත (c) හි අවස්ථාව සමඟ සැසඳීමේ දී කණු හතරේ පද්ධතිය සඳහා F හි කුමන සංරචකය එහි අගය වැඩි කිරීමට දායකත්වය දක්වයි ද?
- (II) කණු හතරේ පද්ධතිය සඳහා F හි අගය ගණනය කරන්න.



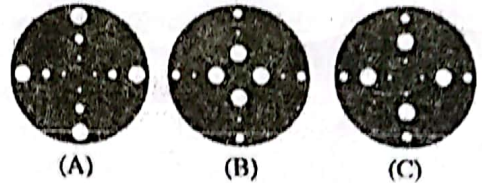
(797) 2018 අගෝස්තු ඔක්තෝබර්

තැටියක්, කේන්ද්‍රය හරහා යන තැටියට ලම්බක අවල කිරස් අක්ෂයක් වටා ඝර්ෂණයෙන් තොරව එක්තරා කෝණික වේගයකින් නිදහසේ භ්‍රමණය වේ. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි කාලය $t = 0$ දී භ්‍රමණය වන තැටියේ ගැටිය මතට නොගිණිය හැකි වේගයකින් මතුපිටින් කිරස් ව පහත් වී නියච්ලතාවට පත්වෙයි. කාලය (t) සමඟ තැටියේ පමණක් කෝණික ගමනාව (L) සහ කෝණික වේගය (ω) හි විශාලත්වවල විචලනය විම වඩාත් හොඳින් පෙන්වූම් කරනුයේ,



(798) 2017 අගෝස්තු ඔක්තෝබර්

සර්වසම ඒකාකාර ලෝහ තැටි තුනක (A), (B) සහ (C) රූප සටහන්වල පෙන්වා ඇති පරිදි එක් තැටියක සිදුරු දොළහ බැගින් වන සේ එකිනෙකට වෙනස් අරයයන් තුනකින් යුත් සිදුරු විද ඇත. තැටියේ කේන්ද්‍රය හරහා යන තැටියට ලම්බක අක්ෂයක් වටා තැටි තුනෙහි අවස්ථිති ඝූර්ණ ආරෝහණ පිළිවෙලට සිටින සේ A, B සහ C තැටි තුන සැකසූ විට,

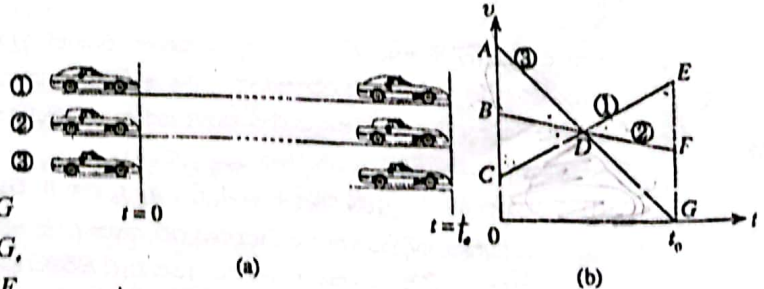


- (1) B, C, A වේ
- (2) A, B, C වේ
- (3) C, B, A වේ
- (4) A, C, B වේ
- (5) B, A, C වේ

(799) 2017 අගෝස්තු ඔක්තෝබර්

මාර්ගයක සාදු සමාන්තර මංචිරු තුනක ගමන් කරන ①, ② සහ ③ නම් මෝටර් රථ තුනක, කාලය දී $t = 0$ සහ $t = t_0$ දී පිහිටීම (a) රූපයේ පෙන්වා ඇති අතර ඒවායේ අනුරූප ප්‍රවේග (v) - කාල (t) ප්‍රස්ථාර (b) රූපයේ පෙන්වා ඇත.

(a) රූපයේ පෙන්වා ඇති අවස්ථාව සිදු වී තිබිය හැක්කේ ප්‍රස්ථාරවල ඇති වර්ගවලින් පහත සඳහන් කුමන කක්ෂව සපුරා ඇත්නම් පමණි ද?



- (1) $ABD = DEF$ සහ $ABD = DEG$
- (2) $BCD = DEF$ සහ $ABD = DFG$,
- (3) $CDB = DEG$ සහ $ABD = DEF$
- (4) $BCD = ABD$ සහ $DEF = DFG$
- (5) $ACD = DFG$ සහ $BCD = DFG$



ADVANCED LEVEL - PHYSICS

යාන්ත්‍ර විද්‍යාව

Test අංක - 08

වෘත්ත සහ භ්‍රමණ චලිතය

කාලය: විනාඩි 40යි

Prepared by : Dr Nimal Hettiarachchi - B.Sc(Phy.Sp) Hon's, M.Sc(England), Ph.D(England)

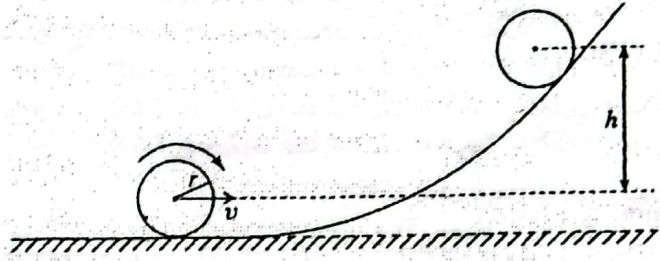
(01) අවස්තිථි, ඝූර්ණය / ව්‍යාවර්තය යන අනුපාතයේ මාන විය හැක්කේ,

- (1) මාන නැත (2) MT^2 (3) MT^{-1} (4) T^2 (5) T^{-2}

(02) අරය r වූ වෘත්තයක ω කෝණික ප්‍රවේගයෙන් සහ v ඒකාකාර වේගයෙන් චලනය වන අංශුවක ත්වරණයේ විශාලත්වය

- (1) $\frac{v}{r}$ වේ. (2) $v\omega$ වේ (3) $r\omega$ වේ (4) v^2r වේ (5) $\frac{\omega}{r}$ වේ.

(03) රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි ස්කන්ධය m සහ අරය r වූ ඒකාකාර තැටියක් ලිස්සීමකින් තොරව පළමු ව තිරස් පෘෂ්ඨයක් දිගේ පෙරලෙමින් ගොස් අනතුරුව වක්‍ර බැවුම් කලයක් දිගේ ඉහළට ගමන් කිරීමට පටන් ගනියි. තිරස් පෘෂ්ඨය මත දී තැටියට v රේඛීය ප්‍රවේගයක් ඇත. තැටියේ කේන්ද්‍රය හරහා එහි කලයට ලම්බ අක්ෂය වටා තැටියේ අවස්තිථි



ඝූර්ණය $\frac{mr^2}{2}$ වේ. තැටියේ ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය ගමන් කරන උපරිම උස h කුමක්ද?

- (1) $\frac{v^2}{2g}$ (2) $\frac{3v^2}{2g}$ (3) $\frac{3v^2}{4g}$ (4) $\frac{v^2}{g}$ (5) $\frac{2v^2}{g}$

(04) වස්තුවක් ඒකාකාර වේගයෙන් වෘත්තාකාර පථයක ගමන් කිරීමේ දී එහි චලිතය සම්බන්ධයෙන් නියතව පවතින රාශි නම්,

- (A) කෝණික ප්‍රවේගය (B) රේඛීය මග්‍යතාව (C) වාලක ශක්තිය
මින් නිවැරදි වන්නේ,
(1) A පමණි. (2) A හා B පමණි. (3) A හා C පමණි.
(4) B හා C පමණි. (5) A, B හා C සියල්ලම

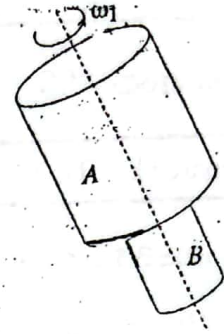
(05) අරය r වන වෘත්තාකාර පථයක ගමන් කරන අංශුවක වේගය, $a \text{ ms}^{-2}$ සිසුතාවයෙන් වැඩි වේ. එහි වේගය v වන මොහොතේ සම්ප්‍රයුක්ත ත්වරණයේ විශාලත්වය

- (1) $\frac{v^2}{r}$ (2) $a + \frac{v^2}{r}$ (3) $\sqrt{\frac{v^2}{r^2} + a^2}$ (4) $\sqrt{\frac{v^2}{r^2} + a^2}$ (5) $\sqrt{\frac{v^2}{r^2} - a^2}$

(06) පෘථිවිය වෙතස් කෝණික ප්‍රවේගයකින් භ්‍රමණය වන්නේ නම් පෘථිවි නිරක්ෂයේ ලක්ෂ්‍යයක් මත තබන ලද වස්තුවක් සඳහා දෘශ්‍ය බර ශුන්‍ය වීමට එම ලක්ෂ්‍යයට කිබිය යුතු වේගය වන්නේ,

- (පෘථිවියේ අරය = $6.4 \times 10^6 \text{ m}$)
(1) $2 \times 10^3 \text{ ms}^{-1}$ (2) $4 \times 10^3 \text{ ms}^{-1}$ (3) $8 \times 10^3 \text{ ms}^{-1}$
(4) $3.2 \times 10^4 \text{ ms}^{-1}$ (5) $6.4 \times 10^4 \text{ ms}^{-1}$

(07) අවස්ථිති සුරැණය I , වූ A අභ්‍යවකාශ යානයක් අවස්ථිති සුරැණය I_1 ($< I_1$) වූ B වන්දිකාවක් රැගෙන යයි. එක්තරා මොහොතකදී B සිරුවෙන් A ගෙන් මුදාහරින ලදී. වන්දිකාව මුදා හැරීමට මොහොතකට පෙර පද්ධතියේ කෝණික ප්‍රවේගය ω , විය. B මුදා හැර මොහොතකට පසු

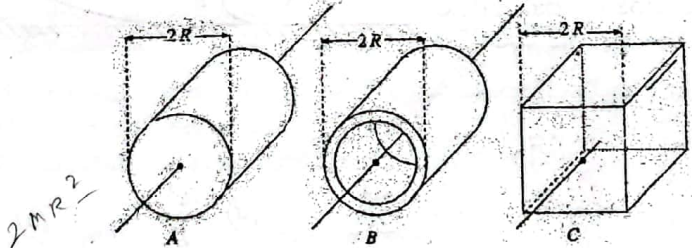


- (1) A සහ B දෙකෙහිම කෝණික ප්‍රවේගයන් ω , ලෙසම පවතියි.
- (2) A සහ B දෙකෙහිම කෝණික ප්‍රවේගයන් ω , ට වඩා වැඩි වේ.
- (3) A හි කෝණික ප්‍රවේගය ω , ට වඩා වැඩිවෙන නමුත් B හි එම අගය ω , ට වඩා අඩු වේ.
- (4) A සහ B දෙකෙහිම කෝණික ප්‍රවේගයන් ω , ට වඩා අඩු වේ.
- (5) A හි කෝණික ප්‍රවේගය ω , ට වඩා අඩුවන නමුත් B හි එම අගය ω , ට වඩා වැඩි වේ.

(08) සුමට හුමණ මේසයක් මත වාඩි වී අත් ඉවතට විහිදා එක් එක් අතින් භාරයක් දරා සිටින පිරිමි ළමයෙක් ω_0 කෝණික ප්‍රවේගයක් සහිත ව හුමණය වෙමින් සිටියි. ළමයා අත් දෙක තම ශරීරය දෙසට නවා ගත් විට කෝණික ප්‍රවේගය ω_1 බවට පත්වේ. අත් ඉවතට විහිදා සහ තම ශරීරය දෙසට නවාගෙන සිටින අවස්ථාවලදී හුමණ පද්ධතියේ අවස්ථිති සුරැණ පිළිවෙළින් I_0 සහ I_1 නම්

- (1) $\omega_0 > \omega_1, I_0 > I_1$ සහ $\omega_0 I_0 > \omega_1 I_1$ වේ.
- (2) $\omega_0 < \omega_1, I_0 > I_1$ සහ $\omega_0 I_0 < \omega_1 I_1$ වේ.
- (3) $\omega_0 < \omega_1, I_0 > I_1$ සහ $\omega_0 I_0 = \omega_1 I_1$ වේ.
- (4) $\omega_0 > \omega_1, I_0 < I_1$ සහ $\omega_0 I_0 = \omega_1 I_1$ වේ.
- (5) $\omega_0 = \omega_1, I_0 = I_1$ සහ $\omega_0 I_0 = \omega_1 I_1$ වේ.

(09)

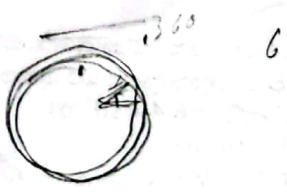


රූපයේ පෙන්වා ඇති ඒකාකාර වස්තු තුනට සමාන ස්කන්ධ ඇත. A වස්තුව අරය R වන සහ සිලින්ඩරයකි. B වස්තුව අරය R වන තුනී කුහර සිලින්ඩරයකි. C වස්තුව පැත්තක දිග $2R$ වන සහ ඝනකයකි. පෙන්වා ඇති අක්ෂ වටා වස්තුවේ අවස්ථිති සුරැණ පිළිවෙළින් I_A, I_B සහ I_C නම්

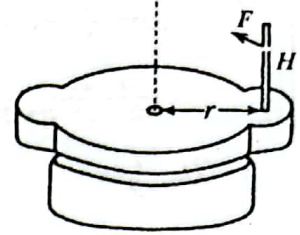
- (1) $I_B < I_C < I_A$
- (2) $I_B > I_C > I_A$
- (3) $I_B > I_C < I_A$
- (4) $I_A = I_B < I_C$
- (5) $I_B > I_A = I_C$

(10) ඔරලෝසුවක මිනිත්තු කවුට්ටේ කෝණික ප්‍රවේගය,

- (1) තත්පරයට රේඩියන් $\frac{2\pi}{3600}$ වේ.
- (2) තත්පරයට රේඩියන් 60 වේ.
- (3) තත්පරයට රේඩියන් 6 වේ.
- (4) තත්පරයට අංශක 60 වේ.
- (5) තත්පරයට අංශක 6 වේ.

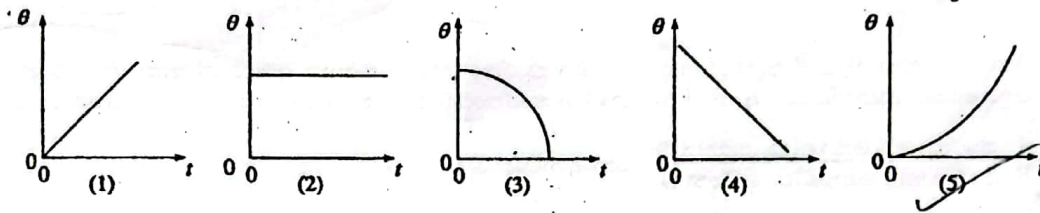
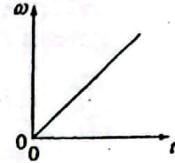


(11) සාම්ප්‍රදායික ධාන්‍ය අඹරණයක් (කුරහන් ගලක්) පැතිලි ගල් දෙකකින් සමන්විත ය. ඉහළින් පිහිටි ගල, එහි භ්‍රමණ අක්ෂයේ සිට r දුරකින් සවිකරන ලද H මිට මත විශාලත්වය F වූ තිරස් බලයක් යෙදීම මගින් රූපයේ පෙනෙන පරිදි පහළින් පිහිටි නිශ්චල ගල මත කරකවනු ලැබේ. බලය සැමවිට ම යොදන්නේ මීටෙහි චලිතයේ දිශාවට සමාන්තර දිශාවට නම් ද භ්‍රමණ කලාවර්තය T නම් ද වැයවන ක්ෂමතාව වන්නේ,



- (1) $\frac{\pi r F}{T}$ (2) $\frac{2\pi r F}{T}$ (3) $\frac{r F}{T}$
 (4) $\frac{F}{\pi r^2 T}$ (5) $\pi r^2 F T$

(12) වස්තුවක කෝණික ප්‍රවේගය (ω) රූපයේ පෙන්වා ඇති අයුරින් කාලය (t) සමඟ විචලනය වේ නම් කාලය සමඟ කෝණික විස්ථාපනයේ (θ) අනුරූප විචලනය වඩාත් ම හොඳින් නිරූපණය කරන්නේ,



(13) දෙන ලද අක්ෂයක් වටා ආවස්ථිතික සූර්ණය 1.2 kgm^2 වන වස්තුවක් ආරම්භයේ දී නිශ්චලතාවයේ පවතී. එය ඉහත අක්ෂය වටා 25 rads^{-2} නියත කෝණික ත්වරණයකින් භ්‍රමණය වීම ආරම්භ වී කොපමණ කාලයකට පසු 1500 J භ්‍රමණ වාලක ශක්තියක් ලබා ගනී ද?

- (1) 4 s (2) 2 s (3) 8 s (4) 10 s (5) 12 s

(14) අක්ෂය වටා ආවස්ථිතික සූර්ණය 2 kg m^2 වන වෘත්තාකාර තැටියක් 50 rads^{-1} කෝණික ප්‍රවේගයෙන් යුතුව එහි අක්ෂය වටා භ්‍රමණය වේ. එහි පරිධිය මත 10 Nm නියත ව්‍යවර්තයක් යොදනු ලැබුවේ නම් එහි කෝණික ප්‍රවේගය 80 rads^{-1} වීමට ගත වන කාලය

- (1) 1.5 s (2) 3 s (3) 6 s (4) 9 s (5) 12 s

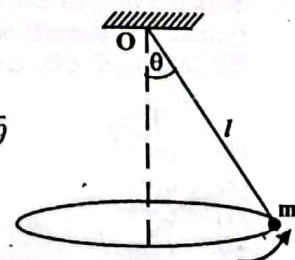
(15) වස්තුවක භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය E ද, ආවස්ථිතික සූර්ණය I ද වේ. වස්තුවේ කෝණික ගම්‍යතාව වන්නේ,

- (1) EI (2) $2EI$ (3) E/I (4) $2\sqrt{EI}$ (5) $\sqrt{2EI}$

(26) භ්‍රමණ අක්ෂය වටා ආවස්ථිතික සූර්ණය 2 kg m^2 වන ජව රෝදයක් නියත 10 Nm ව්‍යවර්තයක් මගින් නිශ්චලතාවයේ සිට භ්‍රමණය කෙරේ. 8 s කාලයකදී කරන ලද කාර්යය වනුයේ

- (1) 400 J (2) 800 J (3) 1200 J (4) 1600 J (5) 2000 J

(17) ස්කන්ධය m වන කුඩා වස්තුවක් l දිගැති නූලකින් එල්ලා රූපයේ දැක්වෙන ආකාරයට O හරහා යන සිරස් අක්ෂය වටා තිරස් වෘත්තාකාර මාර්ගයක ගමන් කිරීමට සලස්වා ඇත. වාත ප්‍රතිරෝධය නොසලකා හැරිය හැකි නම් වස්තුවේ වේගය වන්නේ,



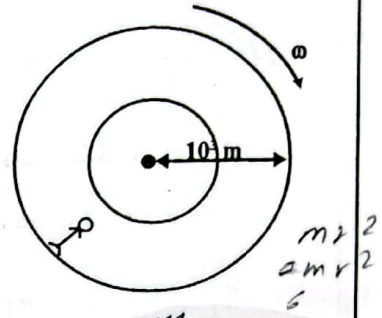
- (1) $\sqrt{lg \sin \theta \tan \theta}$ (2) $\sqrt{lg \sin \theta \cos \theta}$ (3) $\sqrt{lg \tan \theta}$
 (4) $\sqrt{lg \sin \theta}$ (5) $\sqrt{lg \cos \theta}$

(18) සංකෝචනය වීම නිසා බැමෙමින් (spinning) පවතින එක්තරා තරුවක අවස්ථිති ඝූර්ණය එහි ආරම්භක අගයෙන් $\frac{1}{3}$ කට අඩු විය.

තරුවේ නව භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය අනුපාතය සමාන වන්නේ
 තරුවේ ආරම්භක භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය

- (1) $\frac{1}{9}$ (2) $\frac{1}{3}$ (3) 3 (4) 9 (5) 27

(19) එහි අක්ෂය වටා කැරකැවෙන අරය 10^3 m වන අභ්‍යවකාශ ජනාවාසයක් රූපයේ පෙන්වා ඇත. අභ්‍යවකාශ ජනාවාසයේ බිම් මත සිටගෙන සිටින ගගනගාමියෙකුගේ පාද මතට දැනෙන තෙරපුම පෘථිවිය මත දී ඔහුගේ බරට සමාන වීම සඳහා අභ්‍යවකාශ ජනාවාසය භ්‍රමණය විය යුතු කෝණික වේගය (ω) කොපමණද?



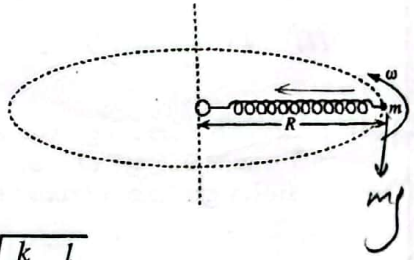
- (1) 0.1 rad s^{-1} (2) 1 rad s^{-1} (3) 2 rda s^{-1}
 (4) 5 rda s^{-1} (5) 10 rad s^{-1}

(20) ඒකාකාර ඝනත්වයක් ඇති A සහ B යන තාරකා දෙකට සමාන අරයයන් ඇත. B තාරකාවට වඩා දෙගුණයක ස්කන්ධයක් ඇති A තාරකාව B තාරකාවට වඩා තුන් ගුණයක වැඩි වේගයකින් බැමේ.

A තාරකාවේ කෝණික ගම්‍යතාව B තාරකාවේ කෝණික ගම්‍යතාව යන අනුපාතය වනුයේ,

- (1) $\frac{1}{6}$ (2) 2 (3) 3 (4) 6 (5) 18

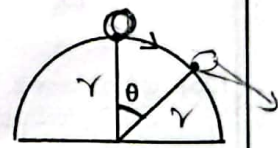
(21) සැහැල්ලු සර්පිල දුන්නකට l නොඇදී දිගක් සහ k දුනු නියතයක් ඇත. දුන්නේ එක් කෙළවරකට ස්කන්ධය m වන කුඩා වස්තුවක් සවිකර ඇති අතර අනෙක් කෙළවරට සවිකර ඇති කුඩා සැහැල්ලු මුදුවක් හරහා යන සිරස් අක්ෂයක් වටා පද්ධතිය රූපයේ දැක්වෙන ආකාරයට කරකවනු ලැබේ. දුන්න තිරස් තලයක පවත්වා ගනිමින් වස්තුව ω නියත කෝණික වේගයකින් අරය R වන වෘත්තාකාර පථයක් ඔස්සේ ගමන් කරයි නම්, එවිට



- (1) $\omega = \sqrt{\frac{k}{m} \left(\frac{R-l}{R} \right)}$ (2) $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ (3) $\omega = \sqrt{\frac{k}{m} \cdot \frac{l}{R}}$
 (4) $\omega = \sqrt{\frac{k}{m} \left(1 - \frac{R}{l} \right)}$ (5) $\omega = \sqrt{\frac{k}{m} \cdot \frac{R}{l}}$

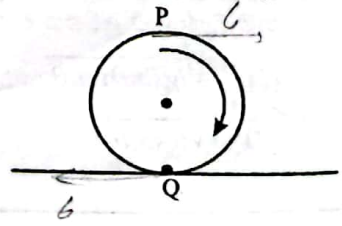
$F = kx$
 $F = kd$

(22) අංශුවක් සුමට පෘෂ්ඨයක් ඇති අර්ධ ගෝලයක ඉහළම ලක්ෂ්‍යයේ තබා ඇත. අංශුව ගෝල පෘෂ්ඨයෙන් ඉවත් වන විට අංශුවේ සිදු වූ කෝණික විස්ථාපනය θ ලබා දෙන්නේ



- (1) $\cos^{-1}(1/3)$ (2) $\cos^{-1}(1/2)$ (3) $\cos^{-1}(2/3)$ (4) $\cos^{-1}(1/\sqrt{2})$ (5) $\cos^{-1}(3/4)$

(23) අරය 0.5 m වන වෘත්තාකාර තැටියක් තිරස් පෘෂ්ඨයක් මත 12 rads^{-1} ඒකාකාර කෝණික වේගයකින් ලිස්සීමකින් තොරව පෙරළේ. තැටියේ පරිධිය මත පිහිටි P සහ Q ලක්ෂ්‍ය දෙකක් රූපයේ දැක්වෙන පිහිටීමේ ඇති විට, පෘථිවියට සාපේක්ෂව ඒවායේ වේග වන්නේ,



- (1) P 6 ms^{-1} Q 6 ms^{-1}
 (2) P 6 ms^{-1} Q 3 ms^{-1}
 (3) P 6 ms^{-1} Q 0
 (4) P 12 ms^{-1} Q 6 ms^{-1}
 (5) P 12 ms^{-1} Q 0